



اسم المقال: المعامل الجيني مع بعض التطبيقات

اسم الكاتب: م.م. رنا بشار حسين، م. همسة معن ثابت

رابط ثابت: <https://political-encyclopedia.org/library/3561>

تاريخ الاسترداد: 2025/05/12 02:50 +03

الموسوعة السياسية هي مبادرة أكاديمية غير هادفة للربح، تساعد الباحثين والطلاب على الوصول واستخدام وبناء مجموعات أوسع من المحتوى العلمي العربي في مجال علم السياسة واستخدامها في الأرشيف الرقمي الموثوق به لإغناء المحتوى العربي على الإنترنت.

لمزيد من المعلومات حول الموسوعة السياسية – Encyclopedia Political، يرجى التواصل على [info@political-encyclopedia.org](mailto:info@political-encyclopedia.org)

استخدامكم لأرشيف مكتبة الموسوعة السياسية – Encyclopedia Political يعني موافقتك على شروط وأحكام الاستخدام

المتاحة على الموقع <https://political-encyclopedia.org/terms-of-use>

تم الحصول على هذا المقال من موقع مجلة تنمية الراشدین كلية الإدارة والاقتصاد / جامعة الموصل ورفده في مكتبة الموسوعة السياسية مستوفياً شروط حقوق الملكية الفكرية ومتطلبات رخصة المشاع الإبداعي التي يتضمن المقال تحتها.



**المعامل الجيني مع بعض التطبيقات**

**The Genetic Coefficient with Some Applications**

همسة معن ثابت

مدرس

كلية الآداب-جامعة الموصل

**Hamsa M. Thabet**

Lecturer

College of Arts

University of Mosul

[hamasamaan@yahoo.com](mailto:hamasamaan@yahoo.com)

رنا بشار حسين

مدرس مساعد- قسم نظم المعلومات الادارية

كلية الادارة والاقتصاد- جامعة الموصل

**Rana B. Hussein**

Assistant Lecturer

College of Administration and Economics

University of Mosul

[Ranabashar1980@yahoo.com](mailto:Ranabashar1980@yahoo.com)

تأريخ قبول النشر ٢٠١٣/٧/٢

تأريخ استلام البحث ٢٠١٣/٥/١٣

## المستخلص

يعد المعامل الجيني ومنحنى لورنز من أبرز أدوات القياس المستخدمة من قبل علماء الإحصاء والاقتصاد لقياس مدى عدالة توزيع الموارد في مجالات الحياة المختلفة. إن قيمة المعامل الجيني تتراوح مابين الصفر والواحد، وكلما كانت قيمته صغيرة كان هناك عدالة في توزيع الموارد . في هذا البحث تم إيجاد قيمة المعامل الجيني عن طريق الخوارزمية الجينية بعد برمجتها بلغة (MATLAB) ومقارنتها مع القيم المستحصل عليها بالطرائق التقليدية، وكانت القيمة الناتجة من الخوارزمية الجينية للمعامل الجيني أصغر من القيم الناتجة بالطرائق التقليدية، وتحققت بوقت قصير جداً مقارنة بالوقت المستغرق لإيجاده بالطرائق التقليدية.

**الكلمات المفتاحية:** المعامل الجيني، الخوارزمية الجينية.

## Abstract

The genetic coefficient and Lorenz curve are of the leading measurement tools used by the scientists of statistics and economics to measure the equitable distribution of resources in various fields of life. The genetic coefficient value ranging between zero and one, and whenever the value of that is small, there is an equitable of resources distribution.

In this research, the genetic coefficient value was found by genetic algorithm after programming it with (MATLAB) language and comparing it with the obtained values by the traditional modalities, and the resulting value of the genetic algorithm to genetic coefficient is smaller than the resulting values of traditional modalities and the achieved time is very short compared to the time it takes to find traditional modalities .

**Key words:** *Gini coefficient, genetic algorithm .*

## المقدمة

إن التفاوت في توزيع الموارد كان موضوعاً للبحث والحوار والخلاف منذ أقدم العصور، وقد جاءت جميع الأديان لتشير إلى الفوارق في توزيع الثروة بين البشر والسبل التي يمكن من خلالها معالجتها وتكون مجتمعات أكثر مساواة، ولا توجد فلسفة أو فكر مهم في أي مرحلة من مراحل تاريخ البشرية وفي أي أمة من الأمم لم تطرق لهذا الموضوع أو لم يكن جزءاً مهماً من مكوناتها، ومع كل ذلك فلا تزال هذه القضية تستقطب الاهتمام والبحث من دون أن يكون هناك خلاصة واضحة وقاطعة (الفارس، ٢٠١٩، ٩٣).

و غالباً ما يقارن الناس بين أوضاعهم المالية الشخصية وأوضاع غيرائهم أو زملائهم في العمل أو أصدقائهم على أساس مساكنهم التي يقطنوها أو ما لديهم من مقتنيات وعادة ما تستخدم المسح الأسري لقياس مدى التفاوت في الدخول فتجري مقابلات مع طائفة كبيرة من الأسر لتحديد مصادر دخولها المختلفة (النقدية والنوعية) وأنماطها الاستهلاكية. ويفسّم مجموع دخل الأسرة بعد خصم الضرائب المباشرة المدفوعة (أو إجمالي استهلاك الأسرة) على عدد الأفراد المقيمين ضمن الأسرة الواحدة، ثم يصنف جميع المسؤولين في المسح في مراتب من الأفق إلى الأعلى وفقاً للدخل الأسري للفرد، ويتيح لنا هذا الأسلوب حساب ما يطلق عليه الاقتصاديون اسم "المعامل الجيني" (ميلانوفيتش، ٢٠١١).

## نبذة تاريخية

في عام (١٩٢١) قدم العالم الإيطالي الإحصائي كورادو جيني مقياساً لعدم المساواة في تمثيل السكان فيما يتعلق بمورد معين سمي (المعامل الجيني) (Catalano et al., 2009)، وفي عام (١٩٨٤) قام خالد زهدي خواجه بنشر كتاب بعنوان "أساليب تحليل بيانات دخل ونفقات الأسرة" حيث تناول فيه بعض مقاييس التفاوت في توزيع الدخول وبين الأمثلة (البعض الدول العربية) منهجة تطبيق بعض المقاييس المتعلقة بتفاوت الدخول باستخدام المعامل الجيني (خواجه، ١٩٨٤)، عام (٢٠٠١) نُشر كتاب "الفقر وتوزيع الدخل في الوطن العربي" لدكتور عبد الرزاق الفارس قدم من خلاله مسحاً لأهم طرائق القياس التي يمكن استخدامها لدراسة ظاهرة التفاوت في توزيع الدخل في الأقطار العربية بالنسبة للبلدان النفطية والبلدان المتوسطة الدخل والبلدان المنخفضة الدخل ومن ضمنها المعامل الجيني (الفارس، ٢٠٠١)، عام (٢٠٠٣) نُشر بحث بعنوان "دخل أصحاب الحيازات الصغيرة وتوزيع الأرضي في أفريقيا: الآثار المترتبة للحد من الفقر"، إذ اعتمدت الدراسة على تخصيص الأرضي في قطاعات أصحاب الحيازات الصغيرة في أفريقيا الشرقية والجنوبية بالنسبة لفقر الدخل ما بين (١٩٩٠-٢٠٠٠) في خمس دول: أثيوبيا وكينيا ورواندا وموزمبيق وزامبيا، وذلك باستخدام المعامل الجيني للمقارنة من أجل تقليل نسبة الفقر والتوزيع العادل للدخل بين الأسر (Jayna et al., 2003)، وفي العام نفسه قام كل من (Huang, Kuo, Kao ٢٠٠١-١٩٩١) بإجراء دراسة بعنوان "عدم المساواة في التنمية الاقتصادية الإقليمية في الصين مابين الأساسية التي أدت إلى عدم المساواة في الصين لما ورد في السجل الإحصائي في ذلك البلد، إذ تم اعتمادها لحساب وتحليل المعامل الجيني لكل سنة (Huang, 2003)، عام (٢٠٠٨) نُشر بحث بعنوان "خصائص إحصائية المعامل الجيني مع التطبيق لقياس عدم المساواة في الصحة"، تضمن الخصائص الإحصائية لفتنتين من المعامل الجيني ( $G_1, G_2$ ) لقياس التفاوت الصحي بين مقاطعات الصين والولايات المتحدة لمتوسطي العمر (Lai et al., 2008)، عام (٢٠٠٩) نُشر بحث بعنوان "الخدمة العادلة عن طريق المنشأة: تقليل المعامل الجيني" تضمن تقليل المعامل الجيني لمنحنى

لورنر على أساس مسافات الخدمة، إذ تم تحقيق خصائص منحنى لورنر من خلال تحليل الموقع للطلب الأصلي والطلبات المتولدة لمنطقة معينة في الطائرة، وقد تم إيجاد المكان الأمثل من خلال خوارزمية معينة (Drezner et al., 2009)، كذلك في عام (٢٠٠٩) نُشر بحث بعنوان "قياس القاوات في الموارد: المعامل الجيني" حيث كان هذا البحث ناتجاً لحافة العمل التي قام بها الكتاب لتحقيق العدالة الاجتماعية، إذ قدموا من خلاله وصفاً دقيقاً للمعامل الجيني ومناقشة كيفية استخدامه لتعزيز مهارات القراءة والكتابية في دورات الرياضيات الكمية (Catalano et al., 2009)، في عام (٢٠١٢) نشر (Wang) وأخرون بحثاً بعنوان "المعامل الجيني لتقدير المساواة في إمدادات المياه المحلية"، تم فيه تطوير طريقة لحساب المعامل الجيني، حيث أستخدمت المياه مؤسراً لقياس المساواة في إمدادات المياه المحلية في الصين، وقد خرجت الدراسة بإمكانية استخدام المعامل الجيني بوصفه أداةً مفيدةً لإدارة المياه الخاصة في سياق التغير العالمي (Wang et al., 2012).

### **مشكلة البحث**

إيجاد طريقة جديدة لحل المسائل المعقدة المتعلقة بالمعامل الجيني غير الطرائق التقليدية، كونها تستغرق وقتاً طويلاً في إيجاد قيمة المعامل الجيني والتي تحقق أكبر عدالة ممكنة لتوزيع الموارد.

### **هدف البحث**

إيجاد أصغر قيمة للمعامل الجيني وبوقت قصير جداً عن طريق استخدام إحدى التقنيات الذكائية وهي الخوارزمية الجينية.

### **منحنى لورنر (Lorenz curve)**

إن إحدى أشهر الوسائل للتعبير عن التباين في توزيع الموارد ببيانياً هي منحنى لورنر . يُعرف منحنى لورنر على أنه شكل من أشكال المنحنيات التكرارية المتجمعة الصاعدة النسبية  $F_i\%$  ويستخدم لقياس مدى تطابق التوزيع الفعلي مع التوزيع المثالي لظاهرة معينة ويستخدم هذا المنحنى بكثرة في الدراسات الاقتصادية والاجتماعية والمالية وخصوصاً فيما يتعلق الأمر بتوزيع الملكية والدخول والضرائب وكذلك في مقارنة الإنتاج المتحقق فعلاً في مصنع معين مع ما هو مخطط له (Drezner et al., 2009).

يتم رسم منحنى لورنر باتباع الخطوات الآتية (Lemiere et al., 2010):

١. تكوين جدول توزيع تكراري متجمع صاعد أي تكوين التكرارات النسبية المتجمعة الصاعدة، ويكون ذلك بقسمة التكرار المتجمع الصاعد عند كل فئة على التكرار الكلي للجدول أي إن

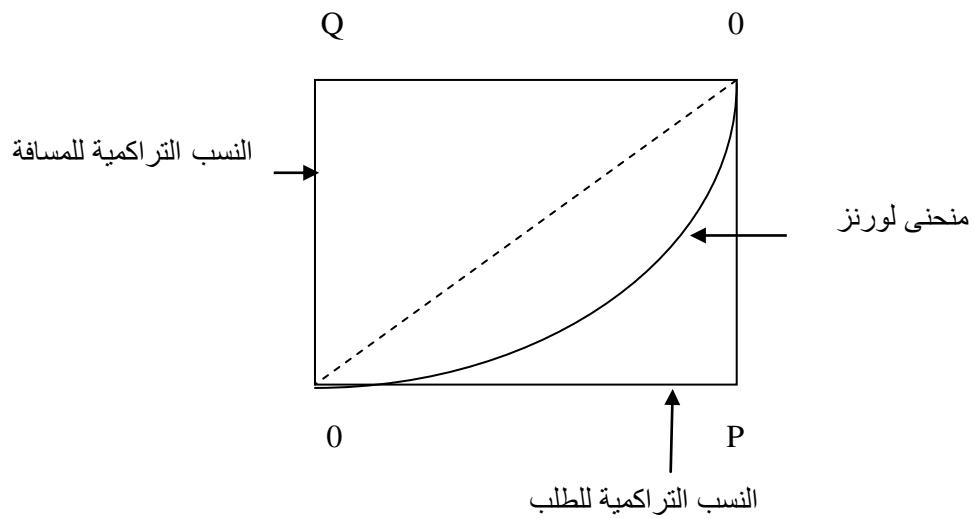
$$F_i\% = \frac{F_i}{n} \times 100$$

٢. اختيار مربع بضلع مناسب، ويدرج ضلعه الأفقي وضلعه العمودي بنسب مؤوية ويخصص كل ضلع لأحد المتغيرين في الجدول "مثلاً نسبة عدد المزارعين للمحور الأفقي ونسبة المساحة المملوكة على المحور العمودي".

٣. يتم تعين النقاط التي إحداثياتها الأفقي يمثل النسبة المؤوية لأحد المتغيرين وإحداثياتها العمودي يمثل النسبة المؤوية للمتغير الآخر، ثم يرسم منحنى يمر بالنقطتين المعينة، وهذا المنحنى يمثل منحنى لورنر "التوزيع الفعلي" وكلما ابتعد منحنى لورنر عن خط التوزيع المثالي، فذلك مؤشر عدم المساواة أو التطابق في التوزيع.

٤. نصل قطر المربع لنحصل على خط التوزيع المثالي.

فإذا كانت الوحدات المستلمة للدخل هي  $(x)^\pi$  ، والحصة من الدخل الكلي المستلمة من ذات المجموعة هي  $(x)\eta$ ، فإن منحنى لورنر هو التعبير البياني عن العلاقة بين  $\pi$  و $\eta$ . والتمثيل البياني يعبر عنه بوحدة تربيعية، والشكل ١ يمثل منحنى لورنر.



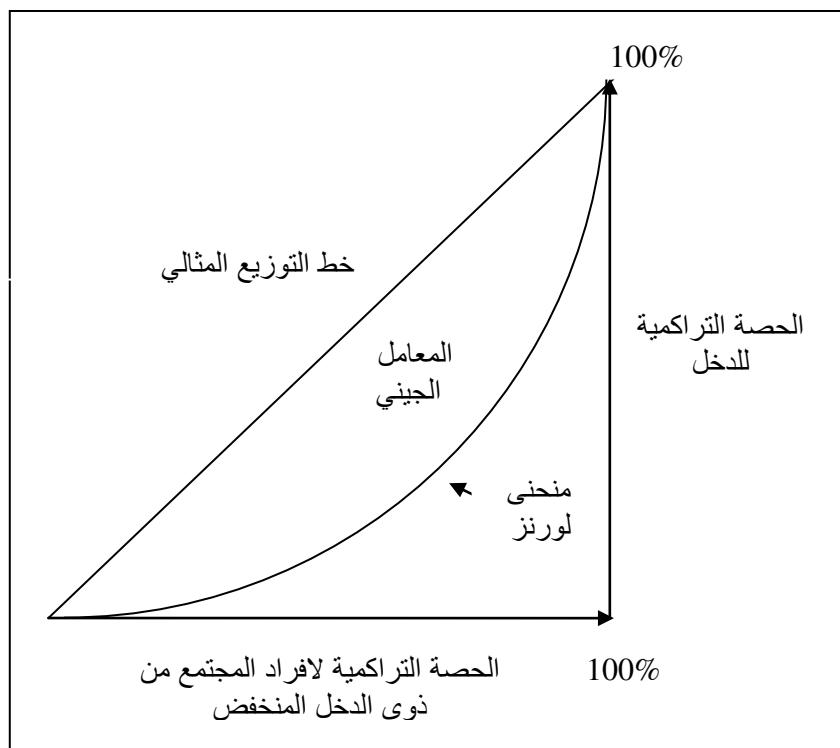
الشكل ١  
منحنى لورنر

(Drezner,T., Drezner,Z. & Guyse, J., 2009, "Equitable service by a facility: Minimizing the Gini coefficient", Computers & Operations Research 36(2009) 3240-3246).

إن الخط المستقيم بين النقاط (0,0) يطلق عليه خط التوزيع المتتساوي إذ إنه على هذا الخط يكون ( $\eta = \pi$ ) وفيه تستلم كل وحدة حصة متساوية من الدخل. إلا أن منحنى لورنر يقع أسفل هذا الخط ، والفجوة بين منحنى لورنر وخط التتساوي تعادل مقدار التباين في توزيع الدخل (الفارس، ٢٠٠١، ٢٠٠٢، ٢٠٠٣-٢٠٠٤).

#### المعامل الجيني (The Gini coefficient):

يعد المعامل الجيني ،من أكثر مؤشرات قياس عدم عدالة التوزيع استخداماً .ويعرف منحنى لورنر على أنه نسبة المساحة المحصورة بين منحنى لورنر ووتر المثلث لإجمالي مساحة المثلث (جليلي،2000)، حيث يتم حساب المساحة المحصورة بين منحنى لورنر وبين خط المساواة وضرب هذه المساحة في ٢ (وذلك لأن مساحة المثلث المحصورة بين خط التتساوي والإحداثيين الأفقي والعمودي تساوي ٠,٥)، إن قيمة المعامل الجيني تتحصر بين الصفر والواحد، إذ تكون صفرًا عندما ينطبق منحنى لورنر على خط التتساوي، وتكون المساحة متساوية للصفر، ويكون عندها توزيع الدخل (أو الموارد) متساوياً لجميع أفراد المجتمع (التوزيع الأمثل للدخل)، ويكون مساوياً للواحد عندما ينطبق منحنى لورنر على الخط الأفقي والخط العمودي، وتكون المساحة بين خط التتساوي ومنحنى لورنر تساوي ٠,٥ و تكون عندها قيمته متساوية للواحد الصحيح ،وفي هذه الحالة يكون توزيع الدخل في أسوأ أحواله، أي إنه كلما كانت قيمة معامل جيني صغيرة كانت عدالة توزيع الدخل أفضل (موسى،٢٠٠٦)، والشكل ٢ يبين التمثيل البياني للمعامل الجيني.



الشكل ٢  
التمثيل البياني للمعامل الجيني

Catalano, M.T.; Leise, T. L. & Pfaff,T.J.,2009,“Measuring Resource Inequality: The Gini Coefficient”, Numeracy Vol.2:Iss.2,Article4.

ويمكن صياغة معادلة المعامل الجيني على النحو الآتي (Arnold,2010):

المعامل الجيني = المساحة بين التوزيع المثالي لمساواة الواردات و منحنى لورنر  
المساحة الكلية للمثلث تحت خط التوزيع المثالي لمساواة الواردات

إذا كانت:

A: تمثل المساحة مابين خط المساواة المثالي و منحنى لورنر.

B: تمثل المساحة تحت منحنى لورنر.

$$\text{فإن المعامل الجيني} = \frac{A}{(A + B)} \quad (1)$$

وحيث إن  $A + B = 0.5$  فإن المعامل الجيني  $G = 2A = 1 - 2B$ .

وإذا تم تمثيل منحنى لورنر على شكل دالة  $Y=L(X)$  ، فإنه يمكن إيجاد قيمة B بالتكامل  
ويكون المعامل الجيني بالشكل الآتي:

$$G = 1 - 2 \int_0^1 L(x) dx \quad ....(2) \quad (\text{Catalano et al.,2009}).$$

وهنالك عدة صيغ رياضية لحساب المعامل الجيني نذكر منها:

$$\text{.(Drezner et al.,2009)} \quad G(x) = \frac{\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n |d_i(x) - d_j(x)|}{2n \sum_{i=1}^n d_i(x)} \quad \dots(3) \quad -1$$

إذ إن:

$n$  : عدد نقاط الطلب.

$d_{ij}$  : المسافة بين نقطة الطلب  $i$  و  $j$ .

$d_i(x)$  : المسافة بين نقطة الطلب  $i$  وأقرب منشأة(شركة أو مصنع).

$d_i(x_k)$  : المسافة بين نقطة الطلب  $i$  والمنشأة(شركة أو مصنع)  $k$ .

$$G_2(\alpha, \beta) = \frac{\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n |y_i - y_j|^\alpha}{2n^2 \mu^\beta} \quad \text{و} \quad G_1(\alpha, \beta) = \frac{\sum_{i=1}^n |y_i - \mu|^\alpha}{n \mu^\beta} \quad \dots(4) \quad -2$$

.(Lai et al.,2008)

إذ إن:

$y_i$  : قياس لصحة الفرد أو المجموعة  $i$ .

$\mu$  : التوقع لصحة السكان.

$n$  : عدد الأفراد أو الجماعات في مجتمع الدراسة.

$\alpha$  : مقدار تقييس الفرق المطلق.

$\beta$  : التحكم(control) بمقدار تأثير التوقع( $\mu$ )، وتراوح قيمته بين [١,٠].

$$\text{(Lemiere et al.,2010)} \quad G = \left| 1 - \sum_{k=1}^n (x_k - x_{k-1})(y_k - y_{k-1}) \right| \quad \dots(5) \quad -3$$

إذ إن:

$X$  : النسبة التراكمية للمجتمع.

$y$  : النسبة التراكمية لمتغير الصحة.

-4

$$G = 1 - \frac{2 \left[ \alpha r \left( \frac{\alpha r}{2} + \alpha u l + \alpha u h \right) + \delta \alpha u l \left( \frac{\alpha u l}{2} + \alpha u h \right) + \frac{\delta \alpha u h^2}{3} + \frac{k \delta \alpha u h^2}{6} \right]}{\alpha r + \delta \alpha u l + \frac{\delta (1+k) \alpha u h}{2}} \quad \dots(6)$$

.(Wang et al.,2012)

إذ إن:

$$\alpha r = \frac{Pr}{P} \quad \text{و} \quad \alpha u l = \frac{P u l}{P} \quad \text{و} \quad \alpha u h = \frac{P u h}{P}$$

حيث إن:

$\alpha_{uh}$  : نسبة سكان الريف

P : مجموع السكان الكلي.

$Pr$  : سكان الريف.

$Pu$  : سكان المدن.

$Pul$  : سكان المناطق الحضرية الذين حصتهم المتاحة للاستخدام المنزلي اليومية أقل من المعدل.

$Puh$  : سكان المناطق الحضرية الذين حصتهم المتاحة لاستخدام المياه اليومية أعلى من المعدل.

$Qr$ ،  $Qul$  و  $Quh$  : الحصة النسبية لـ  $Pr$ ،  $Pul$  و  $Puh$  على التوالي.

$\delta$  : نسبة الحصة الريفية والصلة الحضرية.

K : نسبة حصة المياه المرتفعة إلى المنخفضة في المناطق الحضرية، كما يأتي:  $K = \frac{Qul}{Qr} - \delta$

$$K = \frac{Quh}{Qul}$$

$$(جيللي، 2000) G = 1 - \sum_{i=1}^n (P_i - P_{i-1})(L_i + L_{i-1}) \quad \dots \dots (7) \quad -5$$

إذ إن:

P : التوزيع التكراري المتراكم للسكان.

L : التوزيع التكراري المتراكم للإنفاق أو الدخل.

$$G_B = \frac{(1/2) \sum_{i \neq j} P_i P_j (\mu_i - \mu_j)}{\mu} \quad \text{و} \quad G = \frac{(1/2n^2) \sum_i \sum_{i \neq j} |Y_i - Y_j|}{\mu} \quad \dots \dots (8) \quad -6$$

.(Huang et al., 2003)

إذ إن:

$$G_w = G - G_B$$

$Y_i$  : الناتج المحلي الإجمالي الاسمي للمنطقة  $i$ .

$n^2$  : عدد المناطق.

$$\mu = (1/n) \sum_{i=1}^n y_i \quad \text{متوسط الناتج المحلي الإجمالي لجميع المناطق، حيث إن } y_i \quad .$$

$P_i$  : النسبة للمناطق التابعة (أو المنتسبة) للمجموعة  $i$ .

$G_B$  : مقدار التأثير مابين المجموعات.

$G_w$  : الفرق مابين المعامل الجيني والتأثير مابين المجموعات.

$$G = 1 + (1/n) - \left[ 2/(n^2 u) \right] \sum (n - i + 1) Y_i \quad \text{أو} \quad G = \left[ 1/(2n^2 u) \right] \sum \sum |Y_i - Y_j| \quad \dots \dots (9) \quad -7$$

(الفارس، ٢٠٠١).

[۲۳۹] ثابت و حسین

إذ إن:

$n$  : عدد الفئات.

y : النسبة التراكمية للدخل في الفئة i.

y : النسبة التراكمية للدخل في الفئة i-1.

$N_i$  : النسبة المئوية للأسر في الفئة  $i$ .

$$G = \left( \sum_{i=1}^n x_i y_{i+1} \right) - \left( \sum_{i=1}^n x_{i+1} y_i \right) \quad \dots \quad (11)$$

إذ إن:

X(i) : النسبة التراكمية للأسر في الفئة i.

Y(i) : النسبة التراكمية للدخل في الفئة i.

$n$  : عدد الفئات.

الفئة

## الخوارزمية الجينية (Genetic algorithm)

تعد الخوارزمية الجينية واحدة من خوارزميات البحث العامة المعتمدة على آلية الانتقاء الطبيعي ونظام الجينات الطبيعية، طورت على يد العالم جون هولاند (John Holland) عام 1970 في جامعة ميشيغان، إذ نشر بحوثاً عديدة في هذا المجال، كان الهدف الأساسي منها بناء وتحسين العديد من الخوارزميات والبرمجيات والأنظمة باستخدام هذه الخوارزمية (Goldberg, 1989)، إن فكرة العمل للخوارزمية الجينية تعتمد بشكل دقيق على أفكار الهندسة الوراثية والتي تتميز بالإنتاج المقصود للمجموعات الموروثة بهدف تكوين أفراد ذوي صفات جيدة، وعلى هذا الأساس تقوم الخوارزمية الجينية بانتخاب الحلول الأفضل من بين عدد كبير من الحلول وإجراء بعض التداخلات والتبدلات بين هذه الحلول بعدها تكين حلول أفضل (GEN 2000).

اختصرت الخوارزمية الجينية الكثير من الجهد والزمن المطلوبين لدى مصممي الأنظمة والبرامج، وذلك من خلال إيجادها خوارزمية عامة يعتمد عليها في حل مختلف أنواع المسائل، مع مراعاة التغيرات الالزامية التي تتناسب مع خصوصية كل مسألة من حيث حجم ونوع البيانات المستخدمة وطبيعة دالة الهدف والقيود لكل مسألة (Luger & Stubble, 1998).

**خطوات الخوارزمية الجينية المستحدثة لإيجاد أصغر معامل جيني :**

(Steps genetic algorithm developed to find the smallest of the Gini coefficient)

إن خطوات الخوارزمية الجينية (GA) المستحدثة والتي استخدمت لإيجاد أصغر معامل

جيبي، موضحة في الخطوات الآتية :

١) البيانات الأولية (Initial Data): وهي قراءة للمتغيرات الخاصة بالصيغة الرياضية للمعامل الجيني والتي استخدمت في الخوارزمية :

x . عدد الأسلحة :

الدحـل

n : عدد العفات.

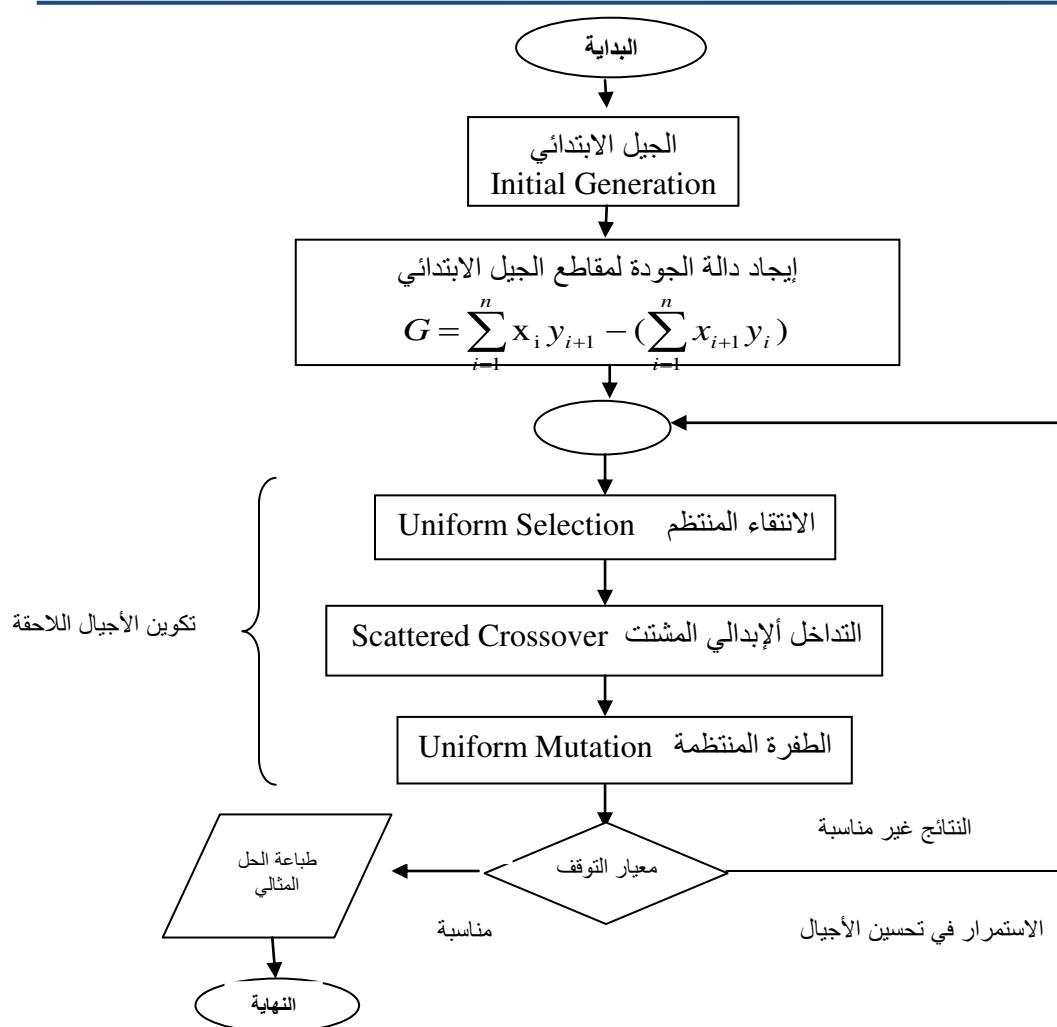
X : النسبة التراكمية للاسر.

Y : النسبة التراكمية للدخل.

(٢) إنشاء الجيل الابتدائي (Initial Generation) : تم استخدام القيم الحقيقة لتشغير الكروموسومات في الجيل الابتدائي تشفيراً حقيقياً .

(٣) قيمة الجودة (Fitness Value) : إن قيمة الجودة في هذه الخوارزمية تمثل قيمة المعامل الجيني من الصيغة الرياضية المستخدمة :

$$G = \sum_{i=1}^n x_i y_{i+1} - \left( \sum_{i=1}^n x_{i+1} y_i \right)$$



بعد أن تم برمجة قيمة الجودة والمتغيرات بلغة (MATLAB)، استخدمت لإيجاد دالة الهدف عن طريق الخوارزمية الجينية (GA) المعايرة في برنامج (MATLAB9b) إذ تم تحديد حجم الجيل الابتدائي واختيار أنواع كل من عمليات (التدخل الإبدالي، الطفرة، الانقاء) والأنواع التي اختيرت في هذه الخوارزمية المستحدثة والتي حققت اختيارها أفضل النتائج فهي :

#### ١- الانقاء المنتظم (Uniform Selection) :

يتم في هذا الانقاء اختيار الآباء بشكل عشوائي من التوزيع المنتظم بالاعتماد على التوقعات وعدد الآباء ، وهذه الطريقة هي طريقة بحث غير مباشرة .

“Gatss Information”,(2010), the web Site at

[www.acc.umu.se/~top/travel-information.html](http://www.acc.umu.se/~top/travel-information.html).

#### ٢- التداخل الإبدالي المشتت (Scattered Crossover) :

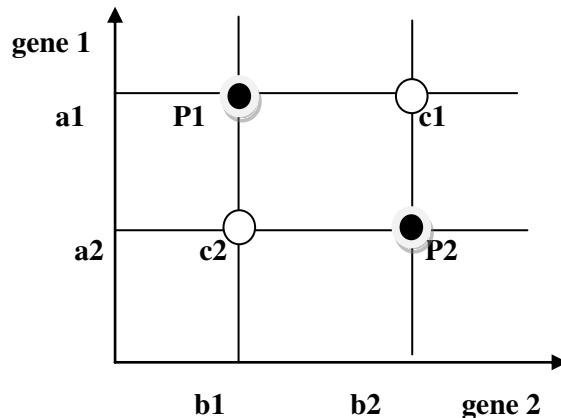
في هذا النوع من التداخل تكون الكروموسومات بشكل متوجهات وباستخدام القناع يتم إنتاج الأجيال الجديدة :

$$P1 = [a1, b1], P2 = [a2, b2], \text{Mask} = [1\ 0]$$

$$c1 = [a1, b2]$$

$$c2 = [a2, b1]$$

والشكل ٤ يوضح التداخل الإبدالي المشتت :



الشكل ٤  
التداخل الإبدالي المشتت

“Genetic Algorithms” , (2011), the web Site at

[www.cs.felk.cvut.cz/~xobitko/ga/main.html](http://www.cs.felk.cvut.cz/~xobitko/ga/main.html)

#### ٣- الطفرة المنتظمة (Uniform Mutation) :

في هذه الطفرة يتم إيدال قيمة جين مختار من الكروموسومات بقيمة عشوائية تكون محصورة بين أعلى قيمة وأقل قيمة في الكروموسوم .

والشكل ٣ يوضح خطوات الخوارزمية الجينية المقترحة. تم اختيار عدد مرات توليد الأجيال وملاحظة النتائج بعد كل توليد واعتماد التحديد المسبق لعدد الأجيال لبيان مدى التقارب من الحل الأمثل ، والجانب العملي للبحث يوضح النتائج التي تم التوصل إليها .

### الجانب العملي (Experimental Part):

تضمن الجانب العملي إيجاد المعامل الجيني بالحل اليدوي وبالخوارزمية الجينية لمثالين الأول حول توزيع الدخل في البحرين والثاني حول توزيع الدخل في العراق مع مقارنة النتائج لكل مثال مع نتائج الخوارزمية الجينية، فضلاً عن الرسم التوضيحي للمعامل الجيني للمثالين وعلى النحو الآتي:

مثال ١

تضمن إيجاد المعامل الجيني لتوزيع الدخل في البحرين ١٩٧٤ - ١٩٧٥ والبيانات موضحة في الجدول ١ ، حيث وجدت قيمته بالحل اليدوي (٣٦٧١٤٦، ٠٠) وبحسب الخطوات الآتية (خواجة، ١٩٨٤):

أولاً: ثبت عدد الأسر والدخل في الأعمدة ١ و ٢ على الترتيب .

ثانياً: حسب نسب الأسر من عمود ١ ونضعها في عمود ٢ مثل  $1 = \frac{3877}{37} \approx 104.8$

ثالثاً: حسب نسب الدخول من عمود ٢ ونضعها في عمود ٤ مثل  $1 = \frac{976093}{1048} \approx 9210.1$

رابعاً: حسب نسب الأسر التراكمية من عمود ٣ ونضعها في عمود ٥ مثل  $1 = \frac{1011}{1021} \approx 98.0$

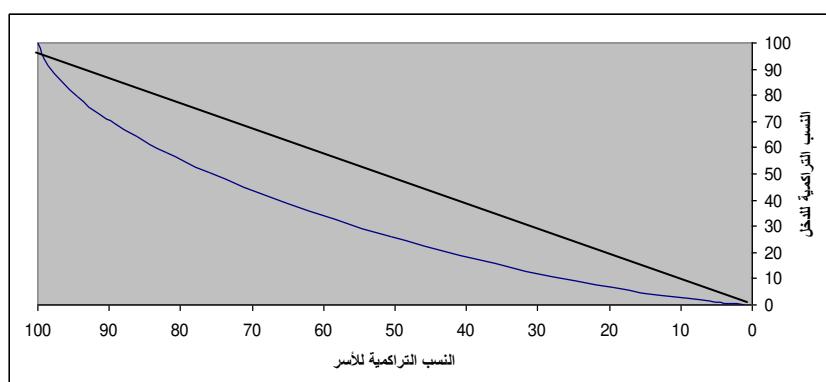
خامساً: حسب نسب الدخول التراكمية من عمود ٤ ونضعها في عمود ٦ مثل  $1 = \frac{2003}{2003} = 100\%$

سادساً: نضرب قيم الصف الأول في عمود ٥ بقيم الصف الثاني في عمود ٦ والسطر الثاني بالسطر الثالث والسطر الثالث بالسطر الرابع ... وهكذا نحصل على عمود ٧ مثل  $1 = \frac{100}{100} = 100\%$

سابعاً: نضرب الصف الأول في عمود ٦ بالصف الثاني في عمود ٥ والصف الثاني بالصف الثالث، وهكذا نحصل على عمود ٨ مثل  $1 = \frac{21}{21} = 100\%$

ثامناً: نجمع العمود ٧ ونقسمه على ١٠٠٠، لأنه ناتج عن حاصل ضرب نسبتين مئويتين ثم ثبت المجموع في أسفل العمود وهو ٤٤٠٦٨٨، كذلك نجمع قيم العمود ٨ ونقسمها على ١٠٠٠ وثبت الناتج في أسفل العمود وهو ٥٤٤٠٦٨٨

تاسعاً: نطرح المجموع عمود ٨ من المجموع عمود ٧ فنحصل على معامل جيني  $1 = \frac{5073542}{5073542} = 100\%$



الشكل ٥

المعامل الجيني لتوزيع الدخل في البحرين ١٩٧٤ - ١٩٧٥

المصدر: من إعداد الباحثين

**الجدول ١**  
**حساب المعامل الجيني لتوزيع الدخل في البحرين ١٩٧٤ - ١٩٧٥**

$X_{i+1} * Y_i$	$X_i * Y_{i+1}$	النسبة التراتبية الدخل $Y_i$	النسبة التراتبية الأسر $X_i$	الدخل	النسبة الأسر $N_i$	الدخل	عدد الأسر	فوات الدخل الشهري للأسرة(دينار بحرين)
(8)	(7)	(6)	(5)	(4)	(3)	(2)	(1)	
0.21	0.3	0.1	1	0.1	1	1048	37	أقل من ٥٠
1.02	1.26	0.3	2.1	0.2	1.1	2264	42	٥٩-٥٠
3.6	4.76	0.6	3.4	0.3	1.3	3105	49	٦٩-٦٠
17.64	22.2	1.4	6	0.8	2.6	7426	101	٧٩-٧٠
71.78	83.16	3.7	12.6	2.3	6.6	22541	257	٨٩-٨٠
208.56	252.2	6.6	19.4	2.9	6.8	28202	263	١١٩-١٠٠
657.8	821.6	13	31.6	6.4	12.2	62265	473	١٤٩-١٢٠
1692.6	1963.28	26	50.6	13	19	126650	738	١٩٩-١٥٠
2944.92	3281.04	38.8	65.1	12.8	14.5	124467	564	٢٤٩-٢٠٠
4137.84	4417.38	50.4	75.9	11.6	10.8	113151	418	٢٩٩-٢٥٠
5016.84	5270.82	58.2	82.1	7.8	6.2	76206	240	٣٤٩-٣٠٠
5739.48	5990.9	64.2	86.2	6	4.1	59027	159	٣٩٩-٣٥٠
6352.3	6544.08	69.5	89.4	5.3	3.2	15771	124	٤٤٩-٤٠٠
6910.08	7266.3	73.2	91.4	3.7	2	35738	76	٤٩٩-٤٥٠
7830.75	8637.6	79.5	94.4	6.3	3	61964	115	٥٩٩-٥٠٠
9150	9850	91.5	98.5	12	4.1	117041	161	٩٩٩-٦٠٠
		100	100	8.5	1.5	83227	60	فائض ١٠٠٠
<b>50735.42</b>	<b>54406.88</b>	<b>677</b>	<b>909.7</b>	<b>100</b>	<b>100</b>	<b>940093</b>	<b>3877</b>	<b>المجموع</b>

**المصدر:** خواجه، خالد زهدي، ١٩٨٤، "أساليب تحليل بيانات دخل ونفقات الأسرة" المعهد العربي للتدريب والبحوث الإحصائية من الموقع الإلكتروني:

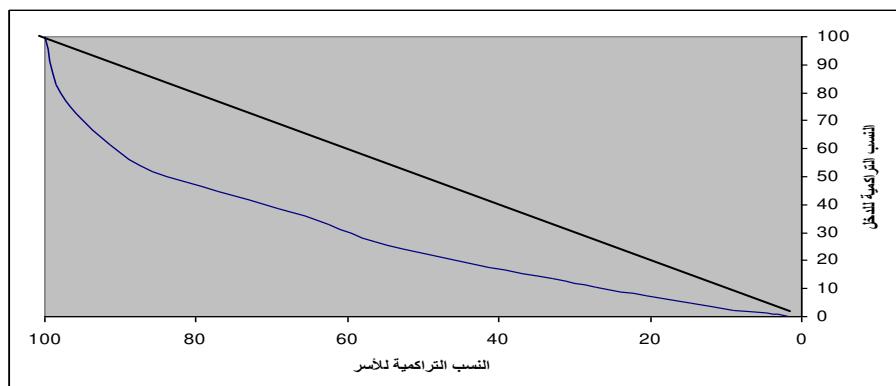
[http://www.aitrs.org/Portals/\\_PCBS/Documents/s003.pdf](http://www.aitrs.org/Portals/_PCBS/Documents/s003.pdf)

تم تنفيذ الخوارزمية الجينية المستحدثة على بيانات (توزيع الدخل في البحرين ١٩٧٤-١٩٧٥) والمعطاة في جدول ١ لإيجاد المعامل الجيني الأصغر وبعد تحديد عدد أفراد الجيل الابتدائي وأنواع كل من الطفرة (المنتظمة بنسبة ٤٨٣٨٧٪) والتدخل الإبدالي (المشتت) والانتقاء (المنتظم) وعدد مرات التوليد، إذ تم توليد ٢٠٠ جيل، كانت قيمة المعامل الجيني في الجيل ٥١ مساوية (٣٥١٨٨٪) وهذه القيمة أصغر من القيمة التي وجدت بالحل اليدوي للمثال والتي كانت (٣٦٧١٤٦٪) وبذلك حققت الخوارزمية الجينية الحل الأمثل (المعامل الجيني الأصغر).

٢ مثال

تضمن المثال ٢ إيجاد المعامل الجيني لتوزيع الدخل في العراق ٢٠١٠-٢٠١١ والبيانات موضحة في الجدول ٢، إذ وجدت قيمته بالحل اليدوي (٤٤٩٪) وبالخطوات الحل نفسها للمثال ١، ثم تم تنفيذ الخوارزمية الجينية المستحدثة على بيانات (توزيع الدخل في العراق) لإيجاد المعامل الجيني الأصغر، وبعد تحديد عدد أفراد الجيل الابتدائي وأنواع كل من الطفرة (المنتظمة بنسبة ٤٨٣٨٧٪) والتدخل الإبدالي (المشتت) والانتقاء (المنتظم) وعدد مرات التوليد، حيث تم توليد ١٠٠ جيل، كانت قيمة المعامل الجيني في الجيل ٥٧ مساوية (٢٥٨٨٢٦٤٣٪) وهذه

القيمة أصغر من القيمة التي وجدت بالحل اليدوي للمثال والتي كانت (٠٠٤٤٤٩) وبذلك حققت الخوارزمية الجينية الحل الأمثل (المعامل الجيني الأصغر).



الشكل ٦  
المعامل الجيني لتوزيع الدخل في العراق ٢٠١١-٢٠١٠

المصدر : من اعداد الباحثين

الجدول ٢  
حساب المعامل الجيني لتوزيع الدخل في العراق ٢٠١١-٢٠١٠

$X_{i+1} * Y_i$	$X_i * Y_{i+1}$	النسبة % التراكمية للدخل $Y_i$	النسبة % التراكمية للأسر $X_i$	الدخل	الدخل	النسبة % الأسر $N_i$	الدخل	عدد الأسر	فقات الدخل الشهري للأسرة (الف دينار عراق)
(8)	(7)	(6)	(5)	(4)	(3)	(2)	(1)		
0.46	1.87	0.1	1.7	0.1	1.7	5590	50	-10	
9.9	10.58	1.1	4.6	1	2.9	40354	82	-15	
33.58	42.3	2.3	9	1.2	4.4	46144	125	-20	
96.82	106.58	4.7	14.6	2.4	5.6	93744	161	-25	
198.56	214.24	7.3	20.6	2.6	6	102890	172	-30	
343.2	372.64	10.4	27.2	3.1	6.6	124240	189	-35	
567.18	584.1	13.7	33	3.3	5.8	129879	165	-40	
865.53	914.94	17.7	41.4	4	8.4	158360	239	-47	
1244.23	1315.41	22.1	48.9	4.4	7.5	176364	215	-54	
1678.56	1841.01	26.9	56.3	4.8	7.4	190858	212	-62	
2262.84	2402.4	32.7	62.4	5.8	6.1	231042	175	-70	
2972.2	3086.32	38.5	69.2	5.8	6.8	231307	194	-80	
3826.68	4006.68	44.6	77.2	6.1	8	244622	229	-95	
4748.85	5250.96	51.9	85.8	7.3	8.6	289264	246	-120	
5869.08	6615.45	61.2	91.5	9.3	5.7	370889	162	-150	
7128.78	7950.11	72.3	95.9	11.1	4.4	443196	125	-200	
8290	9869.86	82.9	98.6	10.6	2.7	424436	78	-300	
		100.1	100	17.2	1.4	685821	39	فاقت 300	
<b>4.013645</b>	<b>4.458545</b>	<b>590.5</b>	<b>937.9</b>	<b>100.1</b>	<b>100</b>	<b>3989000</b>	<b>2858</b>	<b>المجموع</b>	

المصدر: الجهاز المركزي للإحصاء في العراق من الموقع الإلكتروني:

[http://www.iraqcosit.org/survey\\_ar\\_05\\_section2.php](http://www.iraqcosit.org/survey_ar_05_section2.php)

### الاستنتاجات

١. إن الخوارزمية الجينية وجدت قيمة المعامل الجيني الأصغر، أي إنها وجدت توزيعاً أكثر مساواة في الموارد.
٢. اختصرت الخوارزمية الجينية الوقت والجهد المبذولين في إيجاد المعامل الجيني بالطريقة التقليدية.

### الوصيات

استخدام الخوارزمية الجينية في حل مسائل الأمثلية (في مجالات الحياة المختلفة) والتي يستغرق حلها وقتاً طويلاً وجهداً كبيراً.

### المصادر

#### أولاً- المراجع باللغة العربية

١. الفارس، عبد الرزاق ،٢٠٠١ ،”الفقر وتوزيع الدخل في الوطن العربي“، مركز دراسات الوحدة العربية ،الطبعة الأولى ،بيروت.
٢. جليلي، رياض، ٢٠٠٠ ،”مؤشرات قياس عدم المساواة في توزيع الإنفاق“، المعهد العربي للتخطيط.
٣. خواجه، خالد زهدي، ١٩٨٤ ،”أساليب تحليل بيانات دخل ونفقات الأسرة“، المعهد العربي للتدريب والبحوث الإحصائية .  
[http://www.aitrs.org/Portals/\\_PCBS/Documents/s003.pdf](http://www.aitrs.org/Portals/_PCBS/Documents/s003.pdf)
٤. موسى ،أحمد جمال الدين، ٢٠٠٦ ،”مبادئ الاقتصاد السياسي“، دار النهضة العربية، القاهرة.  
<http://ar.wikipedia.org/w/index.php?title=&oldid=8062987>
٥. ميلانوفتش، برانكو، ٢٠١١ ،”المعامل الجيني“، التمويل والتنمية، المجلد ٤٨ ،العدد ٣ .

#### ثانياً- المراجع باللغة الأجنبية

1. Catalano,M.T.;Leise,T.L.&Pfaff,T.J.,2009,“Measuring Resource Inequality: The Gini Coefficient”, Numeracy Vol.2:Iss.2,Article4.
2. Drezner,T.; Drezner,Z.&Guyse,J.,2009, ,”Equitable service by a facility: Minimizing The Gini coefficient”, computers &Operations Research 36(2009) 3240-3246.
3. GEN,M.,2000,“Genetic Algorithms and Engineering Optimization”, John Wiley and Sons, Inc.
4. Goldberg,D.E.(1989):“Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning”, Addison-Wesley.
5. Huang,J.T.;Kuo,C.C.&Kao,A.P.,2003, “The Inequality of Regional Economic Development in China between 1991 and 2001”Journal of Chinese Economic and Business Studies ,Vol.1,No.3,September,PP.273-285.
6. Jayna,T.;Yamano,T.;Weber,M.T.;Ts chirley,D.;Benfica,R.;Chapoto,A.&Zulu,B.,2003,“Small holder income and land distribution in Africa :implications for poverty reduction strategies”, Food Policy 28(2003) 253-275.
7. Lai,D.;Huang,J.;Risser,J.M.&Kapadia,A.S.,2008, “Statistical Properties of Generalized Gini coefficient with Application to Health Inequality Measurement”, sco Indic Res(2008) 87:249-258.
8. Lemiere,C.;Herbst,C.&Jahanshahi,N.,2010,“Reducing Geographical Imbalances of Health Workers in Sub-Saharan”
9. Luger G., Stubble F. W.,1998, “Artificial Intelligence”, Addison Wesley Longman, Inc.

10. Wang,X.J.;Zhang,J.y.;Shahid,S.;ELMahdi,A.;He,R.M.;Wang,X.G.&Ali,M.,2012,“Gini coefficient to assess equity in domestic water Supply in the Yellow River”, Miting Adapt Strateg Glob Change (292)17:65-75.

### ثالثاً - الانترنت

1. “Gatss Information”,2010,the web Site at [www.acc.umu.se/~top/travel-information.html](http://www.acc.umu.se/~top/travel-information.html) .
2. “Genetic Algorithms”,2011, the web Site at [www.cs.felk.cvut.cz/~xobitko/ga/main.html](http://www.cs.felk.cvut.cz/~xobitko/ga/main.html).

١. الجهاز المركزي للإحصاء في العراق:

[http://www.iraqcosit.org/survey\\_ar\\_05\\_section2](http://www.iraqcosit.org/survey_ar_05_section2).