



مجلة جامعة تشرين - سلسلة العلوم الاقتصادية والقانونية

اسم المقال: أسس إعداد أسئلة الامتحانات المؤتممة لتحقيق نتائج متوازنة

اسم الكاتب: د. حيدر أحمد عباس

رابط ثابت: <https://political-encyclopedia.org/library/4334>

تاريخ الاسترداد: 2025/05/17 02:37 +03

الموسوعة السياسية هي مبادرة أكاديمية غير هادفة للربح، تساعد الباحثين والطلاب على الوصول واستخدام وبناء مجموعات أوسع من المحتوى العلمي العربي في مجال علم السياسة واستخدامها في الأرشيف الرقمي الموثوق به لإغناء المحتوى العربي على الإنترنت.

لمزيد من المعلومات حول الموسوعة السياسية – Encyclopedia Political – يرجى التواصل على info@political-encyclopedia.org

استخدامكم لأرشيف مكتبة الموسوعة السياسية – Encyclopedia Political يعني موافقتك على شروط وأحكام الاستخدام

المتاحة على الموقع <https://political-encyclopedia.org/terms-of-use>

تم الحصول على هذا المقال من موقع مجلة جامعة تشرين - سلسلة العلوم الاقتصادية والقانونية - ورفده في مكتبة الموسوعة السياسية مستوفياً شروط حقوق الملكية الفكرية ومتطلبات رخصة المشاع الإبداعي التي ينضوي المقال تحتها.



أسس إعداد أسئلة الامتحانات المؤتمتة لتحقيق نتائج متوازنة

الدكتور حيدر أحمد عباس*

(تاريخ الإيداع 11 / 9 / 2011. قبل النشر في 17 / 5 / 2012)

□ ملخص □

طريقة الامتحانات التي تعتمد الخيارات المتعددة هي طريقة محببة لدى الطلاب أكثر من أية طريقة أخرى، كما أنها مفضلة من قبل المؤسسات التعليمية كونها تختصر العديد من المشاكل، فهي تحقق الموثوقية بعدم التحييز أثناء التصحيح كما أنها توفر الوقت وتختصر الجهد. لكن حالات تطبيق الامتحانات بهذه الطريقة لا تخلو من مشاكل متكررة تتلخص في ظهور نتائج الامتحانات خلاف التوقعات وخارج المجال الطبيعي للنتائج النظامية. وبالتالي فإن التوصل إلى أسباب هذه المشاكل وسبل تفاديتها هي مسألة مهمة وحيوية للعملية التدريسية.

في هذا البحث نعرض منهجهة متكاملة لتصميم أسئلة الامتحان المؤتمتة بشكل منقى كما أنها تتعرض لتحليل نتائج الامتحانات. نقوم بإجراء مناقشة علمية رياضية ونستعمل في ذلك بيانات إحصائية لتجارب عشوائية نقوم بدراستها باستخدام النظم البرمجية، نتطرق للمسائل الاحتمالية التي تظهر في تطبيق الامتحانات المؤتمتة بأشكال مختلفة. نحدد مجموعة من القواعد التي ينبغي مراعاتها عند إعداد أسئلة الامتحان المؤتمتة. ونشير إلى الإمكانيات المفتوحة لصياغة الأسئلة المؤتمتة.

الكلمات المفتاحية: الامتحانات المؤتمتة، البرمجة، نظرية الاحتمالات، التوزيع الثنائي، تصميم التجارب، الأعداد العشوائية.

*أستاذ المساعد - قسم الإحصاء التطبيقي - كلية الاقتصاد - جامعة دمشق - سوريا.

Basic Principles for Preparing Multiple-Choice Questions to Achieve Standardized Outcomes

Dr. Haidar Ahmad Abbas*

(Received 11 / 9 / 2011. Accepted 17 / 5 / 2012)

□ ABSTRACT □

The multiple-choice method is preferred by students and by educational institutions. Yet, the application of this method is not problem-free, as exam results seem to be other than the expectations and beyond normal results. Therefore, it's an important issue to know how to avoid such problems.

In this research, we will offer an integrated methodology for designing multiple-choice questions. We will analyze exam results depending on the structure model of the exam. We will conduct scientific expectations, and use the statistical data of the random trials by using software programs.

We will also define a set of rules that should be taken into account when setting multiple-choice questions and refer to the open possibility for making multiple-choice questions .

Key words: Multiple-choice method, programming languages, binomial distribution, probabilities theory, experiments designing.

*Professor Assistant, Department of Applied Statistics, Faculty of Economics, University of Damascus, Syria.

مقدمة:

نعرض في هذا البحث لنظام الامتحانات الجامعية وخاصة طريقة الخيارات المتعددة (الامتحانات المؤتمتة) وسنجتاز في صياغة آلية متكاملة لتحقيق التقدم المطرد في العملية التدريسية وذلك عن طريق الاستفادة من خصائص الامتحانات المؤتمتة بدءاً من تحديد مبادئ وضع أسئلة الامتحانات المؤتمتة وانتهاء بتحليل النتائج.

مشكلة البحث:

تختلف الأسئلة الامتحانية ذات الخيارات عن الأسئلة التقليدية بكونها تعطي الجواب الصحيح بين الخيارات المتاحة ولذلك فإن مشكلة التعامل مع هذا النوع من الامتحانات تمثل في القدرة على صياغة السؤال المناسب حول المعلومة المهمة، ووضع الخيارات المرافقه وتنظيم مجمل الأسئلة لتصبح ملبيه للمستوى العلمي المطلوب وقدرة على سبر معارف الطلبة. ومن أهم مشاكل تطبيق الامتحانات بهذه الطريقة هي حدوث حالات نتائج غير متوقعة. فأحياناً تظهر نسبة النجاح مئة من مئة، أو قريبة من هذا الحد، وأحياناً أخرى تكون النسبة بالعكس أي متمنية تقارب الصفر، أو قد تظهر مشكلات كثيرة في صياغة الأسئلة، لأن يكون الجواب الصحيح موجوداً في أكثر من خيار أو مفقوداً من الخيارات أو غير ذلك. وسنعمل في هذا البحث على تحليل عدة حالات من الامتحانات المؤتمتة واحتمالات النتائج المتوقعة وفقاً لبنيتها وصولاً إلى استنتاج الضوابط والتوصيات التي من شأنها المساهمة في تفادي الحالات الشاذة.

أهمية البحث وأهدافه:

لا بد من السعي إلى جعل العملية الامتحانية في أي نظام تعليمي عاكسة للحالة التدريسية. ولا شك في أن التغيرات التي تتعرض نظام الامتحانات -أيا كان هذا النظام- تتعكس بحدة على فعاليات الطلاب وتؤثر عليهم بشكل مصيري أحياناً، وهذا ما يؤدي إلى حالات التنمر والشكوى، وقد لا نجد طالباً في المؤسسات التدريسية إلا وله تحفظ على بعض السلبيات التي أثرت عليه أثناء دراسته وامتحاناته. ولا تزال الأجيال تعاني من مجموعة تغيرات في أنظمة الامتحانات، وتلك التغيرات لا تخفي على المدرسين كما أنها لا تخفي على الطلاب الممتحنين.

والواقع أن طريقة الخيارات المتعددة أصبحت محببة أيضاً إلى رؤساء المؤسسات التعليمية، وراح معظمهم يميل إلى تعميمها في العملية الامتحانية، كما يلاحظ في نفس الوقت أن العديد من المدرسين أيضاً يميلون إلى اتباع هذه الطريقة، لكن الخشية من مزالقها ومطباتها التي تجعل الأستاذ الحصيف يتربى قبل أن يخوض غمارها[6]. وبالتالي فإن التقصي عن هذه المشاكل وسبل تفاديتها هي مسألة مهمة وحيوية للعملية التدريسية، وتحوز على اهتمام المؤسسات التعليمية لتحديد الأسس والقواعد التي ينبغي مراعاتها عند تصميم نماذج الامتحانات المؤتمتة [9].

هدف البحث:

يهدف البحث الحالي إلى محاولة عرض منهجية متكاملة لتصميم أسئلة الامتحان المؤتمت بشكل متقن وننعرض فيه لحل مجموعة من المسائل الاحتمالية التي تخفي أسرارها على غير الأخصائي. كما أنها تتعرض لتحليل نتائج الامتحانات ونحدد مجموعة من القواعد التي ينبغي اعتمادها لتحقيق نتائج متوازنة في الامتحانات المؤتمتة. ونسعى من وراء ذلك إلى عرض مزايا هذه الطريقة وتبين بعض عيوبها في مختلف مراحل العمل فيها، مطبقين ذلك على صنف محدد من أشكال تطبيقها المتعددة. عسى أن يؤدي ذلك إلى إدخال تقدم نوعي في تطبيق هذا النظام الامتحاني ويحقق التوازن بين هدف العملية التدريسية ومنفعة الطلاب وجودة مخرجات العملية التعليمية.

فرضيات البحث:

تحت الكثير من حالات الخل في تطبيق عملية الامتحان بطريقة الخيارات المتعددة بسبب تجاهل بعض الضوابط التي تبدو بسيطة لكن انعكاساتها على الطلبة تظهر بشكل كبير نظرا لقاوتها لهم الطلبة للأسئلة المطروحة. والفرضية الأساسية التي سنهتم بها في البحث هي: إن تدرج مستويات الأسئلة يؤثر في الحصول على نتائج طبيعية لعموم الطلاب الممتحنين. لذلك انطلقنا من تحليل حالة الامتحان بطريقة خمسة خيارات مما يعتبر سؤالاً امتحانياً صعباً وناظرنا إلى كيفية توزع إجابات الطلاب على الأسئلة في التجربة العشوائية. ثم درسنا حالة الامتحان بثلاثة خيارات مما يحاكي امتحاناً أقل صعوبة، وأخيراً درسنا حالة الامتحان بخيارات وهي الحالة التي تعتبر محاكية لأسئلة امتحانية سهلة (نقصد سهلة بالنسبة للممتحنين عشوائياً أما لامتحان طلبة فهي سهلة جداً). ووصلنا إلى وضوح أكثر في الخصائص المرجوة نجري التجارب أولاً مئة مرة، ثم نعيد التجارب نفسها ألف مرة. كما نناقش فرضية ارتباط نسبة الكسب العشوائي بعدد الخيارات المعطاة على السؤال بشرط أن تكون متكافئة الاحتمال.

في المرحلة الثانية من البحث ننطرق لمشاكل أخرى تتعلق ببنية السؤال المطروح حيث نقدم طروحات لإعداد السؤال بشكل يمكن تصنيفه كسؤال سهل أو متوسط أو صعب.

منهجية البحث:

إن معالجة الاحتمالات المختلفة المتعلقة بنتائج الامتحانات المؤتمتة تتطلب دراسة الحالة النظرية ومناقشة الاحتمالات المختلفة لنتائج الامتحانات حسب المدخلات التي توصف الامتحان. وهكذا فإننا في هذا البحث ننطرق لخصائص المسألة النظرية ونقوم بإجراء التجارب المحاكية باستخدام الحاسوب ومن ثم نتوصل للنتائج حسب المعطيات، ونتوصل للأسس والقيود التي ينبغي المحافظة عليها عند التوجه نحو اعتماد هذه الطريقة.

نقوم في هذا البحث بإجراء مناقشة علمية رياضية ونستعمل في ذلك بيانات إحصائية تجريبية تم معالجتها باستخدام النظم البرمجية الجاهزة وباستخدام برامج خاصة قمنا بإنجازها لهذه الغاية، فعند مناقشة بعض المسائل دعت الحاجة لأن يقوم الباحث بتصميم برامج (بلغات البرمجة) مخصصة لحل أنواع معينة من هذه المسائل وخاصة المسائل الاحتمالية التي تعتبر معالجتها مهمة شاقة، مما أفاد في توليد الأمثلة المؤكدة لحيثيات البحث وأتاح للباحث مدارسة عدد كبير من الأمثلة. قمنا بتوضيح خصائص عدة أنواع من نماذج الامتحانات المؤتمتة وبيننا المعايير التي لا يجوز تجاهلها أثناء تطبيق طريقة الخيارات المتعددة.

عمنا عند الحاجة للتوضيح إلى الأمثلة المتعلقة بالحاسوب، نظراً لكون الحاسوب يدخل في مناهج جميع التخصصات. وقد حرصنا قدر الإمكان على اختيار المعلومات النوعية على أمل أن يحقق البحث الفائد العلمية في استكشاف خفايا طريقة الخيارات المتعددة.

النتائج والمناقشة:

حول الامتحانات المؤتمتة

نشير أولاً إلى أن التسمية المتدوالة المذكورة أعلاه (الامتحانات المؤتمتة) هي تسمية مجازية والتسمية الصحيحة والأساسية هي "طريقة الخيارات المتعددة" لكن المستخدمين اعتادوا على استعمال تسمية المؤتمتة حتى في اللغات الأجنبية [10]، نظراً لأن التصحيح يتم عبر الحاسوب باستخدام النظم البرمجية الخاصة، علماً أن هذه الطريقة في

التصحيح معروفة قبل استخدام النظم البرمجية حيث كان يتم تقييم الورقة التي تمثل سلم التصحيح في موقع الإجابات الصحيحة، ومن خلال مطابقة سلم التصحيح مع ورقة الإجابة يتم إحساء الموضع المعلمة فيها. وقد انتشرت هذه الطريقة في العالم بسرعة وبشكل واسع وخاصة في العقود الأخيرة حيث أسهمت في انتشارها قابليتها للتطبيق باستخدام الحاسوب بدلاً من الإحصاء اليدوي.

ميزات وعيوب الامتحانات بطريقة الخيارات المتعددة

نكتفي بالتلخيص إلى الميزة المهمة لهذه الطريقة وهي إمكانية التصحيح باستخدام الحاسوب مما يتيح الحصول على نتائج أعداد كبيرة من الممتحنين بسرعة مع تحقيق الموثوقية لدى الطالب بعدم التحيز.

أهم عيوب هذه الطريقة هي أولاً: أنها تمنح الطالب مكاسب عن طريق الاختيار العشوائي بين الإجابات، لكن ما يخفف من خطورة هذه التغيرة أن جميع الطلاب لهم الفرصة نفسها في الكسب العشوائي، أما التغيرة الثانية والأهم فهي تعذر استخدامها لاكتشاف كفاءة الخاضع لامتحان المؤتمت في المواضيع التي تتدرج ضمن الابتكار والإبداع والقدرات الإنسانية التعبيرية أو الفكرية.

البرامج المستخدمة والمنجزة

قام الباحث بتصميم برنامج ليقوم من خلاله بعملية امتحانية افتراضية. حيث يتم تصميم نموذج أولي للتوزع للإجابات ثم يتم إعادة هذه التوزيع عدداً من المرات حسب العدد المفترض للطلاب. ونقوم بإحساء النتائج المترافقية بين النموذج الأولي وكل توزيع من التوزيعات المحصلة. وفي مرحلة لاحقة من معالجة البيانات نستخدم دالات الجداول الإلكترونية إكسل وذلك بهدف التحليل الموسع والاطلاع على الاحتمالات المختلفة والإحصاءات الجزئية. وقد استخدمنا برنامج الإكسل لأن التعامل معه من أجل الحصول على هذه المعلومات ومناقشة الحالات المختلفة أسهل من إنجاز العمليات الموافقة لها برمجياً.

تحليل الحالة المدرسوة

في الامتحان الذي يجري بطريقة الخيارات المتعددة يعطى للطالب مجموعة كبيرة نسبياً من الأسئلة ويعرض على كل سؤال خمسة خيارات مرقمة من الواحد حتى الخامسة أو من الحرف A حتى الحرف E، وكيفية الإجابة هي أن الطالب يحدد خياراً واحداً للإجابة على السؤال المطروح. وسنقتصر في البحث على الحالة التي يسمح فيها بتحديد خيار واحد فقط، علماً أنه يوجد نظم برمجية ذات قدرات متقدمة تعتمد طرقاً أخرى تتيح اختيار أكثر من إجابة صحيحة. ونشير إلى أن طريقة الخيارات المتعددة قد تستعمل بشكلين: الأول عبر برنامج يتم تشغيلها على الحاسوب مباشرةً (أي بدون أوراق كما هو الحال في الجامعة الافتراضية السورية)، والثاني بوضع الإجابات على ورق خاص للتصحيح عبر الحاسوب (كما هو الحال في الجامعات التقليدية).

والمناقشات المنجزة في البحث تتطبق على الشكلين لكننا سنقتصر حالات تصحيح النموذج الورقي كونه الأسلوب الشائع في المؤسسات التعليمية العليا.

نصف أول سلم التصحيح وهو عبارة عن ورقة مماثلة تماماً لورقة الإجابة التي يستخدمها الطالب، فيقوم المدرس بملء الخانات الموافقة للإجابات الصحيحة. ويكون تقييم جميع الأسئلة بنفس الدرجة (يمكن ألا تكون كذلك لكن نقدي بهذه الحالة)، أي أن كل سؤال يستحق درجة تساوي الدرجة التامة مقسومة على عدد الأسئلة، فإذا كان عدد الأسئلة خمسين سؤالاً والدرجة التامة مئة فكل سؤال يستحق $100 \div 50 = 2$ درجتان. وعند التصحيح يقوم الحاسوب باستكشاف كيفية توضع الإشارات على سلم التصحيح ويقوم بمقارنة ورقة الطالب معها فإذا وجد تطابقاً أعطى الطالب النقطة

المستحقة أما إذا كانت الإجابة غير صحيحة أو كانت على أكثر من خيار فإنه لا يعطي الطالب أية نقطة. ثم يؤخذ عدد النقاط التي استحقها الطالب ويتم ضرب عدد النقاط بعلامة السؤال والنتيجة المحصلة هي علامة الطالب في الامتحان.

ذلك من أجل دراسة هذه الحالة نحدد أولاً سلم تصحيح، ومن ثم نقوم بتوزيع الإجابات عشوائياً على أوراق متعددة حسب عدد الطلاب ونقوم بإحصاء الدرجة التي يحصل عليها كل طالب عبر هذا التوزيع العشوائي. وفيما يأتي مجموعة من التطبيقات المنجزة باستخدام الحاسوب حيث تم إنجاز هذه العملية بوساطة برنامج حاسوبي، علماً أن هذه التجارب يمكن إنجازها باستخدام برنامج الجداول الإلكتروني "إكسل" أو أي نظام برمجي مشابه، لكن الأداة البرمجية المستخدمة ليست موضوعنا الرئيسي وإنما يهمنا طبيعة النتائج وتوزعها.

أسلوب العمل

باستخدام البرنامج الحاسوبي المنجز لهذه الغاية سنستعرض نتائج امتحان مؤتمت مؤلف من خمسين سؤالاً، لكل سؤال خمسة خيارات متكافئة، ويبلغ عدد الطلاب الممتحنين مئة طالب. ومن نتائج التجارب العشوائية نحصل على البيانات المتعلقة بالتجارب التي سنرمز لكل منها بالرمز ...ex1, ex2,... .

إن عدد الطلاب الذين يتوقع نظرياً أن يحصلوا على عدد i من الإجابات الصحيحة خلال خمسين تجربة (نرمز له $expt$) يحسب وفقاً للتوزيع الثنائي، كما يلي [3]:

$$expt(i) = 100 * C_i^{50} * p^i * q^{50-i}, \quad i = 0..50$$

حيث:

$P=0.2, q=0.8$ من أجل حالة خمسة خيارات.

$P=0.33, q=0.66$ من أجل حالة ثلاثة خيارات.

$P=0.5, q=0.5$ من أجل حالة خيارات.

الجدول 1، نتائج التجارب

| ansr | ex1 | ex2 | ex3 | expt | Chi(ex1) | Chi(ex2) | Chi(ex3) |
|------|--------------------|-----|-----|------|----------|----------|----------|
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | | | |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 0 | | | |
| 3 | 0 | 1 | 0 | 0 | | | |
| 4 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 5 | 3 | 3 | 0 | 3 | 0 | 0 | 3 |
| 6 | 5 | 9 | 4 | 6 | 0.167 | 1.5 | 0.667 |
| 7 | 10 | 14 | 7 | 9 | 0.111 | 2.778 | 0.444 |
| 8 | 10 | 8 | 14 | 12 | 0.333 | 1.333 | 0.333 |
| 9 | 16 | 12 | 12 | 14 | 0.286 | 0.286 | 0.286 |
| 10 | 11 | 14 | 15 | 14 | 0.643 | 0 | 0.071 |
| 11 | 10 | 9 | 15 | 13 | 0.692 | 1.231 | 0.308 |
| 12 | 14 | 9 | 11 | 10 | 1.6 | 0.1 | 0.1 |
| 13 | 6 | 7 | 6 | 8 | 0.5 | 0.125 | 0.5 |
| 14 | 9 | 8 | 10 | 5 | 3.2 | 1.8 | 5 |
| 15 | 3 | 2 | 5 | 3 | 0 | 0.333 | 1.333 |
| 16 | 2 | 3 | 0 | 2 | 0 | 0.5 | 2 |
| 17 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 18 | 0 | 0 | 0 | 0 | | | |
| avr | 10 | 9.9 | 11 | 10 | | | |
| | Sum(chi((ex[i]))= | | | | 8.532 | 10.99 | 15.04 |

أ- حالة الامتحان المؤتمت بخمسة خيارات

نقدم فيما يلي نتائج ثلاثة تجارب $ex1, ex2, ex3$ من التجارب العشوائية المنجزة (الجدول 1). حيث نستخدم الرموز الآتية:

- عدد الإجابات الصحيحة. $=ansr$

- عدد الطالب في التجربة الأولى من الذين حصلوا على عدد $=ansr$ من الإجابات الصحيحة، وكذلك $=ex1$

- للتجربتين الثانية والثالثة. $=ex2, ex3$

- عدد الطالب الذين يتوقع نظرياً (وفقاً للتوزيع الثنائي) أن يحصلوا على ذلك العدد من الإجابات الصحيحة.

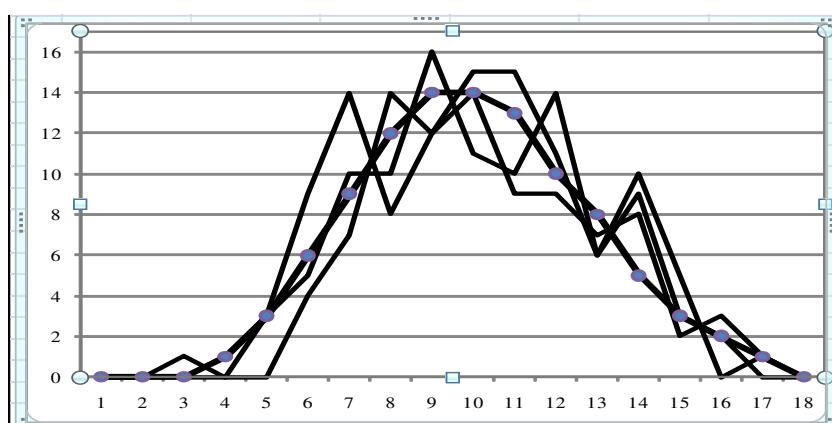
ومن المهم أن نلاحظ أن مجموع الأعداد في كل عمود من الأعمدة $ex1, ex2, ex3$ يبلغ المئة وهو عدد الطالب، أي أنه لا يوجد أية حالة خارج المجال المحدد. ذلك لأننا اختصرنا الحالات التي لم يحدث فيها أية إجابة صحيحة. أما العمود $expct$ فيبلغ المجموع فيه 101 وهذا خطأ سببه تدوير القيم عند احتساب التوقع (حيث ينبغي أن يكون التوقع عدداً صحيحاً، وسنشرح كيفية ظهور الخطأ في فقرة لاحقة).

أما السطر الأخير avr فهو يدل على الوسط الحسابي لقيم الموجودة في كل عمود ونبه إلى أن طريقة حساب المتوسط الحسابي تتم من أجل العمود $ex1$ (باستخدام دالات برنامج الجداول الإلكتروني "اكسل" مثلاً) كما يلي

$$= sumproduct(a2:a19;b2:b19)/100$$

ومن أجل العمود $ex2$ تكتب الصيغة كما يلي $= sumproduct(a2:a19;c2:c19)/100$ = وهذا من أجل كل عمود.

ونلاحظ أنه عند التقريب لمرتبة عشرية واحدة يكون لدينا أنه من أصل خمسين سؤالاً يتم الإجابة عليها عشوائياً فإنه كحد وسطي سوف يحصل الطالب على عشرة إجابات عشوائية صحيحة. وبالتالي كنسبة مؤدية فإن هذا المقدار سيكون حوالي 20%， وإذا تذكروا أن التجربة الحالية هي بخمسة خيارات أي أن احتمال إصابة الخيار الصحيح في كل مرة هي 0.2 فإننا نستنتج أن نسبة متوسط الإجابات الصحيحة عشوائياً على أسئلة مؤتمتة مؤلفة من خمسة خيارات سيكون مساوياً لاحتمال الإجابة على السؤال الواحد (احتمال التجربة المنفردة). وفي التمثيل البياني (الشكل 1) تظهر المنحنيات البيانية لتوزع نتائج الطلاب وقد تم تمييز المنحنى المنقط حيث أنه هو الذي يعبر عن الحالة النظرية.



الشكل 1، التمثيل البياني لنتائج ثلاثة تجارب بخمسة خيارات لمئة طالب

لاختبار حسن المطابقة بين القيم العشوائية والقيم المتوقعة نستخدم معيار التوافق χ^2 . مع الانتباه إلى أن العمود المرoso بـ `expct` هو عمود القيم المتوقعة. علما أنه لا يمكن أن يحوي أصفاراً حقيقة وإنما وضعنا الأصفار بسبب تدوير القيم الناتجة عن جداء الاحتمال بالعدد الكلي للتجارب (ولذلك لن تحدث قسمة على الصفر في صيغة كأي مربع الآتية):

$$\text{Chi}(n) = \sum_{i=1}^n \frac{(e_i - r_i)^2}{e_i}$$

حيث e_i القيم المتوقعة، و r_i القيم المحسوبة تجريبياً، فمما بحسب القيم في الأعمدة المعرونة كما يلي: `chi(ex1)`, `chi(ex2)`, `chi(ex3)`، مع تجاهل القيم الصفرية. وفي أسفل كل عمود منها أوجدنا ناتج الصيغة `chiiinv(0.05,n-1)` وهو مجموع القيم المحسوبة في كل خلية. ونقارن النتيجة المحسوبة مع القيمة النظرية (`chiiinv(0.05,51)`) علما أن `chiiinv` هي تسمية دالة كاي مربع في برنامج إكسل، حيث سنحسب هذه الدالة من أجل $n=51$ ، إذ أن عدد المفردات هو 50 حالة زائداً حالة الصفر وبالتالي $df=50$ ، ونجد أن $chiiinv(0.05,50)=67.5$ ونلاحظ أن جميع القيم المحسوبة معنا هي دون هذا العدد فتكون المطابقة مقبولة ضمن مستوى الدلالة المحدد. بل حتى إذا اقتصرنا على القيم المعرونة (غير الصفرية) في نتائج التجربة، أي أن نأخذ قيمة $n=14$ ، وبالتالي $df=13$ وعندها تكون لدينا $chiiinv(0.05,13)=22.36$ ، وتكون أيضاً جميع القيم المحسوبة في التجربة دون هذا العدد (بالنظر إلى السطر الأخير في الجدول 1)، وبالتالي فإن نتائج كل تجربة من التجارب هي ضمن الحدود المتوقعة.

الجدول 2، نتائج التجارب

| ansr | ex1 | ex2 | ex3 | expct | Chi(ex1) | Chi(ex2) | Chi(ex3) |
|------|-------------------|-----|-----|-------|----------|----------|----------|
| 8 | 1 | 0 | 0 | 0 | | | |
| 9 | 2 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 10 | 0 | 1 | 1 | 2 | 2 | 0.5 | 0.5 |
| 11 | 5 | 4 | 3 | 3 | 1.3333 | 0.3333 | 0 |
| 12 | 8 | 4 | 7 | 5 | 1.8 | 0.2 | 0.8 |
| 13 | 8 | 10 | 9 | 7 | 0.1429 | 1.2857 | 0.571 |
| 14 | 7 | 5 | 7 | 9 | 0.4444 | 1.7778 | 0.444 |
| 15 | 8 | 10 | 17 | 11 | 0.8182 | 0.0909 | 3.273 |
| 16 | 10 | 10 | 12 | 12 | 0.3333 | 0.3333 | 0 |
| 17 | 14 | 10 | 10 | 12 | 0.3333 | 0.3333 | 0.333 |
| 18 | 12 | 6 | 12 | 11 | 0.0909 | 2.2727 | 0.091 |
| 19 | 6 | 10 | 9 | 9 | 1 | 0.1111 | 0 |
| 20 | 8 | 11 | 5 | 7 | 0.1429 | 2.2857 | 0.571 |
| 21 | 3 | 5 | 2 | 5 | 0.8 | 0 | 1.8 |
| 22 | 1 | 8 | 1 | 3 | 1.3333 | 8.3333 | 1.333 |
| 23 | 2 | 2 | 2 | 2 | 0 | 0 | 0 |
| 24 | 4 | 2 | 1 | 1 | 9 | 1 | 0 |
| 25 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| avr | 5.556 | 5.6 | 5.6 | 5.61 | | | |
| max | 14 | 11 | 17 | 12 | | | |
| | Sum(chi((ex[i]))= | | | | 20.573 | 18.857 | 9.718 |
| | | | | | | | |

بـ حالة الامتحان المؤتمت بثلاثة خيارات

بغية التعرف إلى شكل التغييرات في توصيف الحالة الامتحانية تبعاً لعدد الخيارات المعطاة على كل سؤال مؤتمت ستنظر في حالة الامتحان المؤتمت بثلاثة خيارات مع الحفاظ على بقية شروط التجربة الأخرى المحددة سابقاً، وعندها بعد إجراء التجارب نحصل على المعطيات الآتية (في الجدول 2)

ونلاحظ أنه عندما تكون الخيارات المعطاة على كل سؤال هي فقط ثلاثة خيارات فإن أي طالب سيحصل على الأقل على ثمانية إجابات صحيحة (التجربة 1) أما التجربتين الأخيرتين فأدنى درجة تم الحصول عليها هي تسع من أصل خمسين أي ثمانى عشرة من مئة. أما الملاحظة الأهم في هذه التجارب فإننا نجد أنه من أصل مئة طالب سوف يكون لدينا في كل تجربة طالب واحد قد نجح رغم أن الجميع قد أجابوا على الأسئلة عشوائياً.

أما الحالة الأكثر تكرارا والتي يفترض أن تكون نظريا هي القيمة 17، فإنها محققة بشكل واضح في التجربة الأولى، ومحقة أيضا في التجربة الثانية، لكن التجربة الثالثة حصل فيها أن القيمة 15 كانت هي الأكثر تكرارا. وإن نلاحظ أن الحالة الأكثر تكرارا يفترض أن تحدث 12 مرة إلا أن التجارب الثلاث لم تصدق أن حققت هذا العدد، فكانت التجربة الأولى تتضمن 14 تكرارا. والتجربة الثانية 11 تكرارا والتجربة الثالثة 17 تكرارا.

فيما يتعلق بحسن مطابقة النتائج للتوقع النظري فإننا باستخدام اختبار كاي مربع، المبنية صيغته سابقا وبعد تعويض المعطيات الحالية في صيغة الحسابية نحصل على ناتج الصيغة كما هو مبين في السطر الأخير من الجدول 2، وذلك من أجل كل تجربة حيث رمزا للمجموع بالرمز $\text{Sum}(\text{chi}(\text{ex}[i]))$ ، حيث: $\text{Sum}(\text{chi}(\text{ex}[1])) = \text{Sum}(\text{chi}(\text{ex}[2]))$ للتجربة الأولى، و $\text{Sum}(\text{chi}(\text{ex}[i]))$ للتجربة الثانية، وأما القيمة النظرية التي ينبغي المقارنة معها فهي يمكن أن تكون أيضا $\text{chiinv}(0.05, 50) = 67.5$ وبالطبع فجميع النتائج المحصلة لصيغة الاختبار أقل من هذا العدد والمطابقة محققة من أجل مستوى الدلالة المحدد (وهي المقارنة التي ينبغي أن نعتمد لها أصولا). لكن زيادة في التمحیص ستنظر في نتيجة الاختبار فيما إذا طبقنا الاختبار من أجل القيم غير الصفرية، عندئذ فإننا نحصل على: $\text{chiinv}(0.05; 17) = 27.587$ ، وحيث إن جميع القيم المحصلة لدينا دون هذه القيمة فإن المطابقة محققة من أجل جميع التجارب.

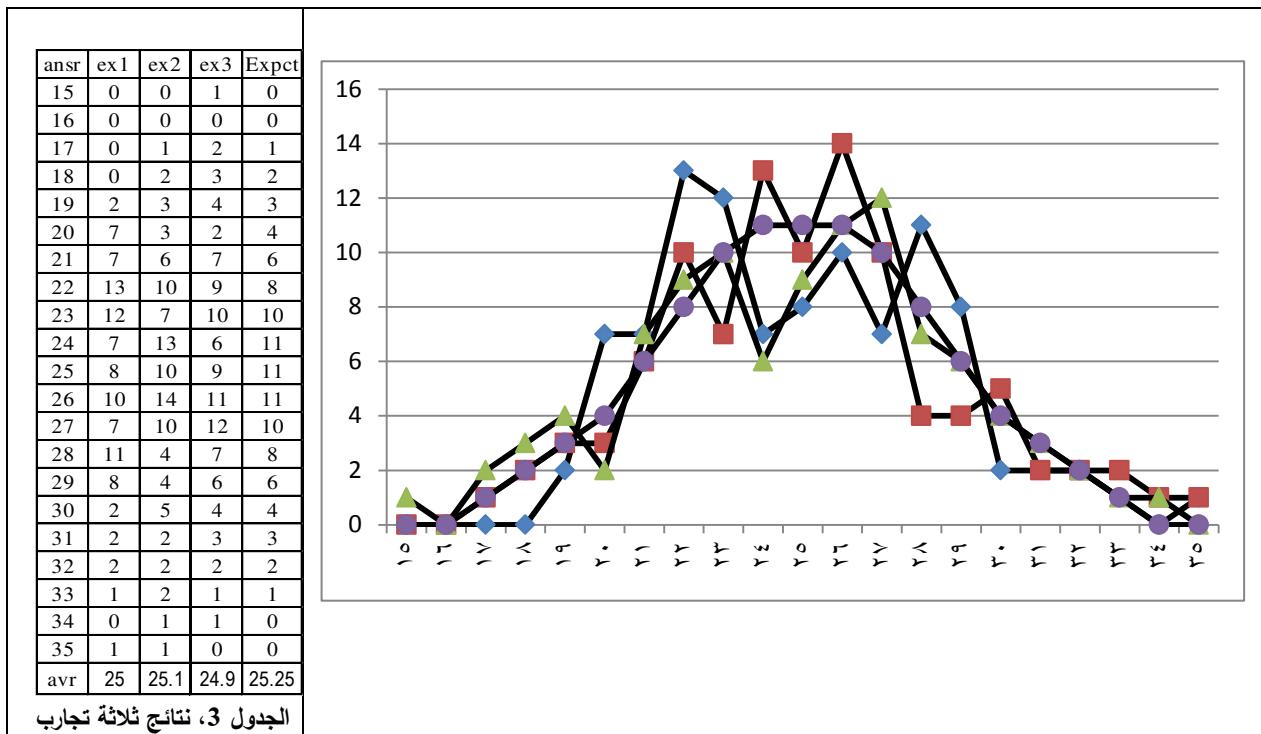
ج- حالة الامتحان المؤتمت بخيارات

من أجل الوصول إلى نتائج متعاضدة في التجربة نأخذ المدخلات المستخدمة نفسها في التجارب السابقة، لكن مع اختصار عدد الخيارات إلى خيارات فقط. والتجربة عشوائية أيضا وسنكتفي أيضا بنتائج ثلاث تجارب. وهي معروضة في (الجدول 3). وفيه نجد هنا أن عدد الدرجات المحصلة من قبل الطالب قد أصبح أكبر بكثير، فأقل طالب سيحصل على خمس عشرة درجة عشوائية. والحالة الطبيعية هي أن يحصل الطالب على حوالي خمس وعشرين إجابة من أصل خمسين (بدقة 25.3 وبالتالي كنسبة مئوية فإنه يحصل على أكثر من خمسين بالمئة).

والجديد في هذه التجربة أنه ليس فقط يتم الحصول على نسبة من الدرجات بفضل العشوائية، لكن قد يتمكن الطالب من النجاح. فكل طالب في التجارب المنجزة قد حصل على خمسة وعشرين جوابا فأكثر هو طالب ناجح رغم افتراضنا أنه قد قام باختيار الإجابات عشوائيا. وفيما يأتي عدد الناجحين من أصل مئة في كل تجربة من التجارب الثلاث المجرأة.

| Experiment | ex1 | ex2 | ex3 | Excp |
|------------|-----|-----|-----|------|
| Success | 52 | 55 | 56 | 56 |

فنلاحظ أنه بالطريقة العشوائية سوف ينجح أكثر من نصف الطلاب في كل التجارب. ليس هذا فقط بل إن التوقع النظري لعدد الناجحين هو 56 من مئة. والسبب هو أن النتيجة خمسين - وهي تتضمن الحالة الأكثر احتمالا بالنظر لهذه المدخلات- تحسب لصالح حالة النجاح. والتمثيل البياني لنتائج التجارب مبين في الشكل 2.



الشكل 2، التمثيل البياني لنتائج ثلاثة تجارب

د- حالات الأعداد الكبيرة نسبياً للأسئلة بخمسة خيارات

لا ريب في أن زيادة عدد مرات تكرار التجربة سوف يتيح للحالات التي يكون احتمالها ضئيلاً أن تظهر في نتائج الطالب، ولكي نتمكن من ملاحظة ذلك سوف نجري تجارب باستخدام أعداد كبيرة. وسننظر في نتائج عشوائية للمثالين السابقين من أجل عدد كبير من الطالب الممتحنين، وستستخدم العدد ألف لإجراء التجارب. وفيما يأتي (الجدول 4)، نعرض نتائج مجموعة تجارب من هذا القبيل.

الجدول 4، نتائج عشوائية لعشرة تجارب

| ansr | ex1 | ex2 | ex3 | ex4 | ex5 | ex6 | ex7 | ex8 | ex9 | ex10 | Expt |
|------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | 0 | 2 | 0 | 1 | 1 | 1 | 2 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 3 | 4 | 8 | 4 | 5 | 4 | 7 | 7 | 5 | 5 | 6 | 4 |
| 4 | 18 | 11 | 7 | 9 | 11 | 12 | 14 | 9 | 14 | 11 | 13 |
| 5 | 28 | 28 | 20 | 24 | 28 | 29 | 29 | 40 | 36 | 37 | 30 |
| 6 | 47 | 71 | 48 | 54 | 50 | 67 | 65 | 43 | 54 | 66 | 55 |
| 7 | 79 | 79 | 91 | 85 | 98 | 74 | 89 | 78 | 88 | 93 | 87 |
| 8 | 118 | 130 | 122 | 141 | 99 | 122 | 125 | 115 | 111 | 101 | 117 |
| 9 | 129 | 135 | 142 | 121 | 147 | 149 | 131 | 145 | 136 | 119 | 136 |
| 10 | 148 | 146 | 146 | 123 | 143 | 139 | 133 | 140 | 138 | 144 | 140 |
| 11 | 145 | 118 | 146 | 130 | 127 | 124 | 124 | 132 | 136 | 111 | 127 |
| 12 | 104 | 108 | 102 | 114 | 96 | 94 | 107 | 98 | 116 | 110 | 103 |
| 13 | 69 | 64 | 59 | 91 | 83 | 73 | 68 | 79 | 59 | 84 | 75 |
| 14 | 58 | 57 | 46 | 46 | 47 | 47 | 44 | 51 | 42 | 52 | 50 |
| 15 | 22 | 18 | 36 | 24 | 27 | 29 | 30 | 35 | 36 | 26 | 30 |
| 16 | 18 | 14 | 14 | 18 | 22 | 17 | 18 | 13 | 15 | 22 | 16 |
| 17 | 6 | 8 | 8 | 6 | 10 | 8 | 7 | 8 | 6 | 14 | 8 |
| 18 | 3 | 2 | 6 | 4 | 1 | 5 | 2 | 6 | 7 | 3 | 4 |
| 19 | 1 | 1 | 0 | 2 | 5 | 3 | 4 | 1 | 0 | 0 | 2 |
| 20 | 2 | 0 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 21 | 0 | 0 | 1 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| sum | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 999 |
| avr | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.62 | 47.57 |

وأهم ما نلاحظ في (الجدول 4) هو أن المجال الذي تحدث ضمنه التطابقات العشوائية لازال قريباً من المجال السابق (بالعودة للجدول 1)، الذي كان محصوراً بين العددين $[min, max] = [1, 18]$ ، فأصبح هذا المجال عند زيادة عدد الطلاب إلى ألف طالب كما يلي $[min, max] = [1, 21]$ ، والمفت للانتباه أن الحد السفلي لم يتغير حيث نستنتج أن الحصول على إجابة صحيحة هو الحد الأدنى لجميع هذه التجارب، لكن في الوقت نفسه نلاحظ أن عدد الدرجات المكتسبة رغم تكرار التجربة ألف مرة لم يصادف أن حققت الإجابات العشوائية لأي طالب درجة النجاح (في هذه التجارب). وبالتالي فالماكاسب العشوائية متيسرة، وتركز حول التوقع الرياضي، لكن تحقيق نسبة كبيرة هو أمر متعدراً جداً ولو تكررت التجربة [3].

وقد وضعنا في السطر الأخير مجموع التكرارات في كل تجربة للتأكد من كونها تساوي العدد ألف، وهنا نصادف حالة معاكسة للحالة السابقة حيث نجد أن مجموع التوقعات النظرية يبلغ 999 بدلاً من الألف وذلك أيضاً بسبب الخطأ الناتج عن التدوير. وفيما يأتي نبين كيفية ظهور هذا الخطأ (الجدول 5). حيث إن دلالات الرموز فيه كما يلي:

ansrs – الاحتمال النظري لحالة التطابقات Binomial

Binomials – المجاميع التراكيمية النظرية لحالة التطابقات بدء من الصفر حتى القيمة المجاورة في العمود .ansrs.

Expt*1000 – التوقع النظري لعدد الطلاب الذين سيحرزون عدد تطابقات مساوياً لقيمة الموافقة في العمود .ansrs.

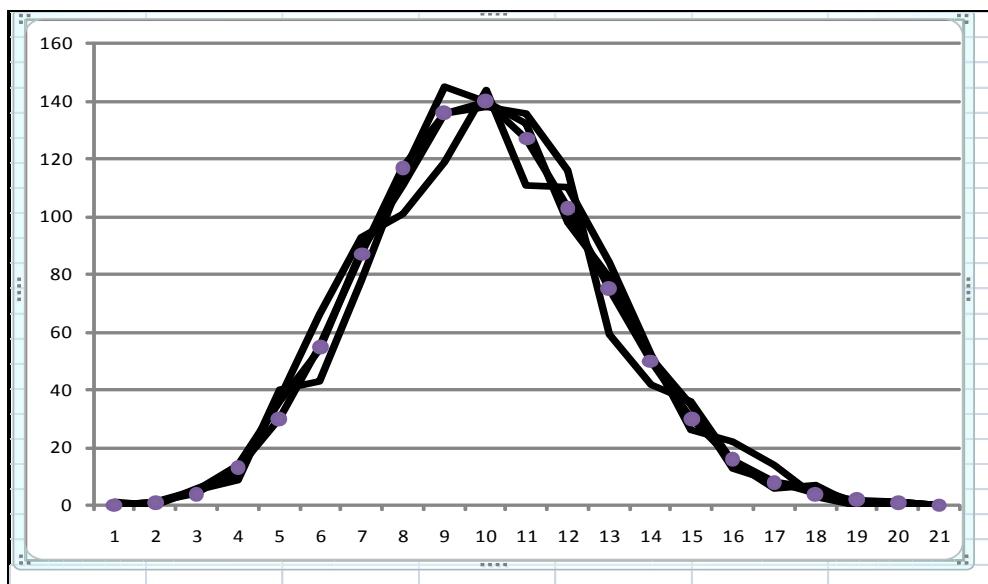
binomials*1000 – المجاميع التراكيمية النظرية للاحتمال مضروبة بعده الطلاب .Expt*1000

sum(expt) – المجموع التراكيمي لقيم في العمود .Excp*1000

الجدول 5

| ansrs | Binomial | Binomials | expct*1000 | expcts*1000 | sum(expct) | diff |
|-------|----------|-----------|------------|-------------|------------|------|
| 0 | 0.00001 | 0.00001 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0.00018 | 0.00019 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | 0.00109 | 0.00129 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 3 | 0.00437 | 0.00566 | 4 | 6 | 5 | 1 |
| 4 | 0.01284 | 0.01850 | 13 | 18 | 18 | 0 |
| 5 | 0.02953 | 0.04803 | 30 | 48 | 48 | 0 |
| 6 | 0.05537 | 0.10340 | 55 | 103 | 103 | 0 |
| 7 | 0.08701 | 0.19041 | 87 | 190 | 190 | 0 |
| 8 | 0.11692 | 0.30733 | 117 | 307 | 307 | 0 |
| 9 | 0.13641 | 0.44374 | 136 | 444 | 443 | 1 |
| 10 | 0.13982 | 0.58356 | 140 | 584 | 583 | 1 |
| 11 | 0.12711 | 0.71067 | 127 | 711 | 710 | 1 |
| 12 | 0.10328 | 0.81394 | 103 | 814 | 813 | 1 |
| 13 | 0.07547 | 0.88941 | 75 | 889 | 888 | 1 |
| 14 | 0.04986 | 0.93928 | 50 | 939 | 938 | 1 |
| 15 | 0.02992 | 0.96920 | 30 | 969 | 968 | 1 |
| 16 | 0.01636 | 0.98556 | 16 | 986 | 984 | 2 |
| 17 | 0.00818 | 0.99374 | 8 | 994 | 992 | 2 |
| 18 | 0.00375 | 0.99749 | 4 | 997 | 996 | 1 |
| 19 | 0.00158 | 0.99907 | 2 | 999 | 998 | 1 |
| 20 | 0.00061 | 0.99968 | 1 | 1000 | 999 | 1 |
| 21 | 0.00022 | 0.99990 | 0 | 1000 | 999 | 1 |

ونلاحظ في الجدول 5 أن أول مرة يظهر الخطأ هو في السطر الموافق لثلاث إجابات والسبب كما يلي:
الاحتمال 0.00437 لا يكفي من أجل كسب واحد صحيح عند التدوير لثلاث مراتب يمين الفاصلة(ثلاث مراتب لأن العدد ألف). أما الاحتمال التراكمي المجاور له في العمود binomials وهو 0.00566 فهو يستفيد من القيم السابقة فتكون المرتبة الثالثة هي العدد خمسة ويستفيد من تدوير العدد ستة الواقع في المرتبة الرابعة يمين الفاصلة ليكون الناتج التراكمي هو ستة صحيحة بينما يكون الناتج التراكمي لمجاميع التوقعات الصحيحة هو خمسة.
أما فيما يتعلق بالرسم البياني فإننا سنأخذ التمثيل البياني للحالة النظرية وهي المميزة بالنقط الدائرية، وسنكتفى بالتمثيل البياني للتجارب الثلاث الأخيرة ex8,ex9,ex10 مبينة (في الشكل 3).
ونلاحظ أن المنحنيات البيانية قد أصبحت أكثر التصاقاً بالمحني البياني المتعلق بالتوقعات النظرية للنتائج (أي أن النتائج تقترب من التوقع النظري). كما نجد أن التوقع الرياضي المتمثل بالعدد عشرة قد أصبح موقعه أكثر وضوحاً وثباتاً [2].



الشكل 3، اقتراب منحنيات التمثيل البياني

هـ- حالات الأعداد الكبيرة نسبياً للأسئلة بثلاثة خيارات

نجري التجارب هنا عدداً من المرات يبلغ الألف (الجدول 6)، مع اعتبار أن الخيارات المتاحة للإجابة هي ثلاثة. ففي هذه الحالة يتوقع أن أقل حالة تطابق ستكون سبع إجابات صحيحة من أصل خمسين، أي 14%， لكن التجربتين الأوليتين حققتا حالة أقل بجواب واحد، أما التجربة الثالثة فكانت فيها أقل حالة من الإجابات الصحيحة هي ثانية إجابات صحيحة.

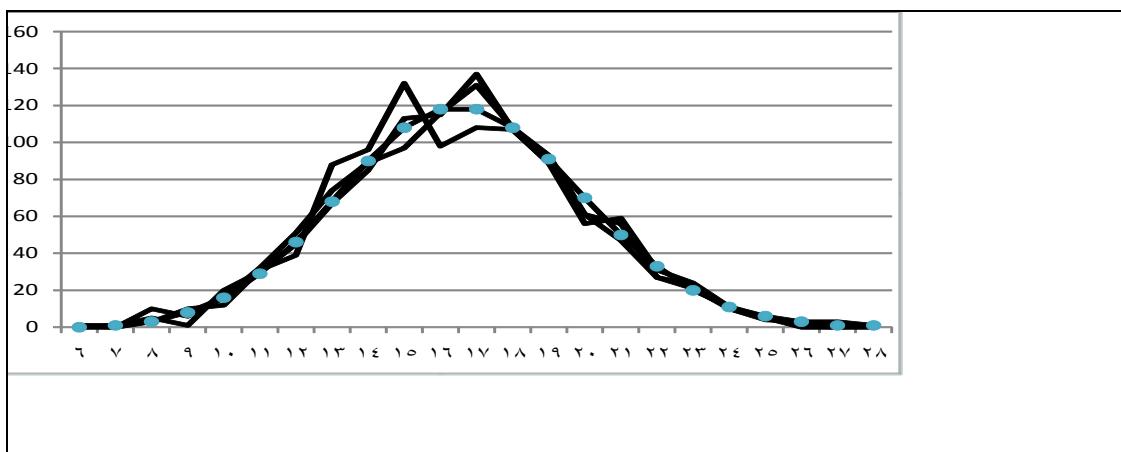
الجانب الأهم في هذه التجارب هو حالات التطابق الكبرى المتوقعة، فنجد أن أكبرها تبلغ 28 حالة إجابة صحيحة. وقد تحقق هذه الحالة في التجربتين الثانية والثالثة.

إذا تأملنا النتائج الأخرى نجد أن التجربة الأولى قد أظهرت إمكانية نجاح خمسة متحدين باعتبار درجة النجاح هي نصف الدرجة التامة. أما التجربة الثانية فینجح فيها ستة طلاب عشوائياً، وفي التجربة الثالثة أحد عشر طالباً نجحوا بدرجات مختلفة تتراوحت بين 50% إلى 56%.

وبالنظر إلى الحالة المتوقعة وهي 17 تطابقاً نجد أنه يتوقع أن تحصل 118 مرة. ونلاحظ أنه تصادف أن حققت التجربتان الأولى والثانية نفس عدد التكرارات من أجل حالة 18 تطابقاً. أما التكرارات الأكثر عدداً فكان مقدارها في التجربة الأولى 132 ، وهي لحالة 15 تطابقاً. وفي التجربة الثانية 137 تكراراً وهي للحالة الأكثر توقعاً حالة 17 تطابقاً (بزيادة 19 تكراراً عن التوقع النظري). وفي التجربة الثالثة كانت الحالة الأكثر تكراراً هي أيضاً الحالة المتوقعة 17 تطابقاً وبلغ عدد التكرارات 131 (بزيادة 13 تكراراً عن التوقع النظري).

لتطبيق اختبار حسن مطابقة النتائج للتوقع النظري وبالعودة للصيغة المبينة سابقاً، وبعد تعويض المعطيات الحالية في الصيغة الحسابية نحصل على ناتج الصيغة كما هو مبين في السطر الأخير من الجدول 6، وذلك من أجل كل تجربة حيث رمزنا للمجموع بالرمز $\text{Sum}(\chi^2)(\text{ex}[i])$ ، أما القيمة النظرية التي ينبغي المقارنة معها فهي أصولاً $\text{chiinv}(0.05, 50) = 67.5$ وبالطبع فجميع النتائج المحصلة لصيغة الاختبار أقل من هذا العدد والمطابقة محققة من أجل مستوى الدلالة المحدد.

أما إذا طبقنا الاختبار مقتصرين فقط على القيم غير الصفرية، عندئذ فإننا نحصل على: $\text{chiinv}(0.05;22) = 33.9$ ، حيث إن جميع القيم المحسوبة لدينا دون هذه القيمة فإن المطابقة محققة من أجل جميع التجارب (بالمقارنة مع السطر الأخير في الجدول 6) . وفي الشكل 5 نعرض التمثيل البياني لنتائج التجارب الثلاث إضافة إلى تمثيل الحالة النظرية.



الشكل 4، التمثيل البياني لنتائج ثلاثة تجارب عشوائية

الجدول 6، ثلاثة تجارب

| ansr | ex1 | ex2 | ex3 | Expt |
|------|-----|-----|-----|------|
| 6 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 7 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 8 | 3 | 5 | 10 | 3 |
| 9 | 10 | 1 | 6 | 8 |
| 10 | 12 | 20 | 16 | 16 |
| 11 | 31 | 30 | 32 | 29 |
| 12 | 39 | 45 | 51 | 46 |
| 13 | 88 | 67 | 74 | 68 |
| 14 | 96 | 85 | 89 | 90 |
| 15 | 132 | 113 | 97 | 108 |
| 16 | 98 | 115 | 116 | 118 |
| 17 | 108 | 137 | 131 | 118 |
| 18 | 107 | 107 | 108 | 108 |
| 19 | 89 | 89 | 93 | 91 |
| 20 | 56 | 61 | 61 | 70 |
| 21 | 59 | 56 | 47 | 50 |
| 22 | 31 | 27 | 27 | 33 |
| 23 | 24 | 23 | 21 | 20 |
| 24 | 11 | 10 | 10 | 11 |
| 25 | 5 | 5 | 4 | 6 |
| 26 | 0 | 1 | 3 | 3 |
| 27 | 0 | 0 | 3 | 1 |
| 28 | 0 | 1 | 1 | 1 |

و-حالات الأعداد الكبيرة نسبياً للأسئلة بخيارات

سوف نعتمد العدد نفسه من الطلاب وهو ألف طالب لإجراء هذه التجربة مع الأخذ بعين الاعتبار أن عدد الخيارات المعطاة على كل سؤال هو اثنان فقط. وفيما يلي نتائج عشر تجارب (الجدول 7).

وقد وضعنا في السطر الأخير المجاميع وهي تظهر جميعها وفقاً للنتائج المفترض نظرياً.

أما العمود الأخير فهو يمثل الحالة النظرية ونلاحظ أنه يظهر بشكل متوازن حول العدد 25، الذي يمثل التوقع الرياضي. (وهو يظهر هنا بشكل متوازن لأن $p=q=0.5$ بينما لم يكن متوازناً في التجارب السابقة).

أما من ناحية تغير مجال القيم التي يحتمل وقوع الإجابات فيها واختلافه عن الحالة السابقة (بالعودة للجدول 3=امتحان مئة طالب بخيارات) فقد كان ذلك المجال كما يلي: $[min, max] = [15, 35]$ ، وقد أصبح في التجربة الحالية كما يلي: $[min, max] = [12, 37]$.

الجدول 7، نتائج عشر تجارب عشوائية بخيارات

| ansr | ex1 | ex2 | ex3 | ex4 | ex5 | ex6 | ex7 | ex8 | ex9 | ex10 | Expt |
|------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 12 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 13 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 14 | 2 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 3 | 0 | 1 | 1 |
| 15 | 0 | 3 | 5 | 1 | 0 | 0 | 2 | 3 | 2 | 1 | 2 |
| 16 | 7 | 4 | 5 | 2 | 3 | 4 | 3 | 2 | 5 | 4 | 4 |
| 17 | 11 | 8 | 13 | 5 | 13 | 9 | 13 | 6 | 12 | 8 | 9 |
| 18 | 16 | 13 | 17 | 16 | 15 | 16 | 18 | 14 | 20 | 12 | 16 |
| 19 | 34 | 36 | 30 | 34 | 28 | 32 | 28 | 26 | 35 | 22 | 27 |
| 20 | 32 | 38 | 32 | 41 | 38 | 41 | 45 | 40 | 39 | 32 | 42 |
| 21 | 58 | 55 | 54 | 65 | 51 | 60 | 51 | 67 | 52 | 71 | 60 |
| 22 | 76 | 96 | 88 | 73 | 92 | 88 | 86 | 74 | 74 | 84 | 79 |
| 23 | 91 | 84 | 76 | 97 | 92 | 101 | 93 | 106 | 106 | 114 | 96 |
| 24 | 96 | 100 | 116 | 86 | 109 | 105 | 116 | 127 | 101 | 104 | 108 |
| 25 | 124 | 119 | 93 | 114 | 104 | 97 | 97 | 101 | 105 | 110 | 112 |
| 26 | 131 | 102 | 98 | 106 | 113 | 94 | 101 | 99 | 110 | 100 | 108 |
| 27 | 100 | 93 | 109 | 105 | 110 | 103 | 98 | 95 | 91 | 97 | 96 |
| 28 | 83 | 81 | 78 | 76 | 76 | 81 | 76 | 67 | 90 | 87 | 79 |
| 29 | 44 | 69 | 80 | 64 | 53 | 64 | 62 | 54 | 57 | 49 | 60 |
| 30 | 39 | 39 | 42 | 45 | 41 | 36 | 53 | 47 | 38 | 41 | 42 |
| 31 | 25 | 26 | 36 | 29 | 23 | 32 | 24 | 34 | 28 | 30 | 27 |
| 32 | 14 | 18 | 13 | 25 | 15 | 24 | 18 | 21 | 16 | 13 | 16 |
| 33 | 7 | 9 | 6 | 11 | 14 | 8 | 6 | 9 | 13 | 13 | 9 |
| 34 | 3 | 5 | 3 | 3 | 6 | 1 | 4 | 2 | 3 | 5 | 4 |
| 35 | 7 | 0 | 2 | 1 | 2 | 3 | 2 | 2 | 3 | 0 | 2 |
| 36 | 0 | 0 | 2 | 0 | 0 | 0 | 2 | 1 | 0 | 2 | 1 |
| 37 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| sum | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 | 1000 |
| avr | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 | 38.46 |

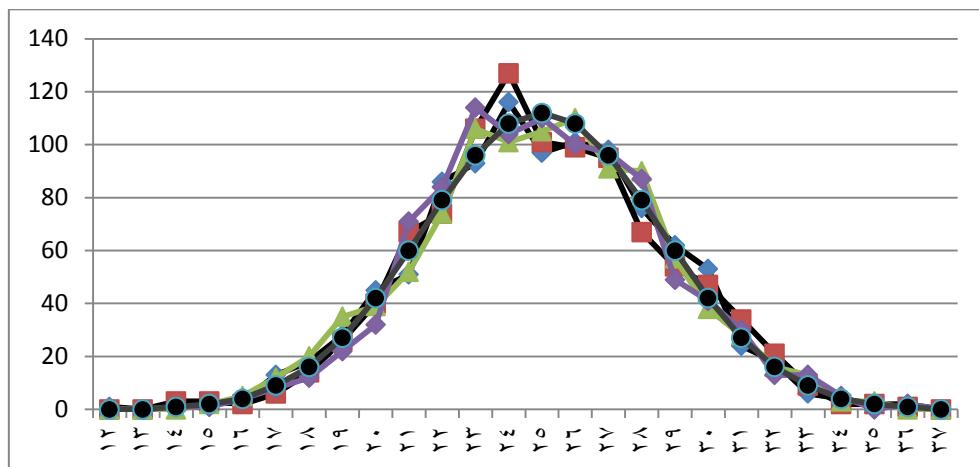
فهو أيضاً لم يزد كثيراً عن الحالة السابقة. وفيما يتعلق بعدد الطلاب الناجحين بفضل العشوائية فإنه يبلغ في

كل تجربة كما يلي:

| Experiment | ex1 | ex2 | ex3 | ex4 | ex5 | ex6 | ex7 | ex8 | ex9 | ex10 | expct |
|------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|------|-------|
| Success | 577 | 562 | 563 | 580 | 557 | 543 | 543 | 532 | 554 | 547 | 556 |

وهذا ما يؤكد أن عدد الناجحين عشوائيا في امتحان مؤلف من أسئلة مؤتمتة ذات خيارات يبلغ أكثر من النصف.

وفي التمثيل البياني حذنا حذو الخطوات السابقة حيث عدنا إلى تمثيل التجارب الثلاث الأخيرة بالإضافة لعمود القيم النظرية، ويتبين في (الشكل 6) مدى تمايز المنحنى البياني بالنظر إلى المنحنى المتعلق بالعمود الأخير والذي تم تمييزه بالنقط الدائرية.



الشكل 5، التمثيل البياني للقيم المتوقعة ولثلاث تجارب عشوائية

إن دراسة هذه الحالات تمثل أنموذجًا يعكس ما يمكن أن نحصل عليه من دراسة حالة الخيارات الثلاثة أو الأربع أو الستة أو غيرها، وبغية الاختصار نكتفي بهذا القدر من التحليل.

قواعد وضع أسئلة نموذجية

عندما يكون السؤال المؤتمت غاية في الصعوبة فهو يناظر حالة الإصابة العشوائية بين خمسة خيارات، وعندما يكون السؤال متوسط الصعوبة فإنه يناظر حالة الإصابة العشوائية في سؤال ذي خيارات. ومن هنا ننطلق للتحدث عن أسس إعداد صيغة السؤال المؤتمت وعدد الخيارات المناسب بغية وضع أسئلة مؤتمتة نموذجية وتحقق نتائج متوازنة. والهدف هو إعداد بنك أسئلة لكل مقرر يتضمن مئات الأسئلة المتقنة والمصنفة والشاملة لكل محتويات المقرر وزوايا الأفكار المطروقة فيه.

إن وضع الأسئلة الامتحانية للمادة المؤتمتة يستهلك من الجهد والوقت والعناء أضعاف ما تتطلب نماذج الأسئلة في الامتحانات التقليدية. وأحيانا تكون المشكلة أكثر تعقيدا حيث إن بعض البرامج المستخدمة في التصحيح مصممة بطريقة معينة لا تسمح بالمناورات في نماذج الأسئلة، لكن هذه المشكلة يمكن حلها ببساطة عبر إعادة تنقيل كل سؤال ومعالجة النتائج بوساطة أي برنامج الجداول الإلكترونية كالأكسل مثلا. فبرنامج التصحيح المتدابول يقوم بالتصحيح بناء على عدد الأسئلة ويعطي لكل سؤال نتيجة محددة وهي أن الطالب قد أجاب بشكل صحيح أم غير صحيح. ومعالجة النتائج يمكن تنفيذها في خطوة لاحقة لتنقيل كل سؤال حسب المطلوب. فإذا كان الطالب قد أجاب على السؤال الصعب إجابة صحيحة نعطيه درجة مضاعفة، وإذا كان قد أجاب على سؤال سهل فإنه ينال درجة أقل

من درجة السؤال الصعب. لكن المعالجة المنجزة أعلاه لا تطبق على هذه الحالة. عندما نقول عن السؤال صعب أو سهل فإنه أيضا ليس مفهوما مطلقا بل مرتبط بمستوى الأسئلة المرافقة في النموذج وعدها. وسنعرض أهم الشروط التي تحصل بتحقيقها على أسئلة جيدة لامتحان المادة المؤتمتة.

القاعدة الأولى: إتقان اختيار موضوع وصيغة السؤال

ينبغي أولا تحديد المعلومة التي سيتم امتحان الطالب فيها، وهذه الخطوة لا يحتاج المدرس لعناء كبير في إنجازها فهي نفسها الخطوة الأولى التي يتم اتخاذها عند تصميم أسئلة الامتحانات التحريرية. ولكن الصعوبة تكمن في أسلوب طرح السؤال المؤتمت بشكل يتلاءم مع المعلومة المختارة. فهناك معلومات تكون ذات قوالب محددة يكون الانحراف عنها خروجا عن المعلومة، وهنا تكون صياغة السؤال المؤتمت ميسورة. لكن إحدى أهم المصاعب التي تواجه السائل هي الحالات التي يتم فيها السؤال عن معلومة مكونة من عدة أجزاء. ولذلك نشير إلى بعض الأساليب المناسبة لصياغة هذا النوع من الأسئلة:

-**السؤال عن بندين:** نعلم أن شركة مايكروسوف特 قد أثرت بادئ ذي بدء عن طريق نظام дос الشهير ثم عدلته من حيث تطوير واجهة التعامل مع النظام مصدرة نظام التشغيل ويندوز. وهذه معلومة مهمة لا بد أن يعرفها الطالب الذي يدرس علوم الحاسوب. وسنختارها كموضوع لسؤال امتحاني ونعرض فيما يلي أسلوبا لطرح السؤال المؤتمت حول هذه المعلومة.

أجزت شركة مايكروسوفت نظامي تشغيل رئيسين مختلفين من حيث بيئه العمل هما:

1- إكسيل & وندوز، 2- وورد & إكسيل، 3- дос & الويندوز، 4- أوفيس & ويندوز

والجواب الصحيح هو الخيار الثالث، وبالطبع فإن من ليست لديه أية قاعدة معرفية حول هذا الموضوع فإن تفكيره سيتحمّل حول الخيارات التي تحوي تعبير مايكروسوفت. علما أن النظم المذكورة لشركة مايكروسوفت هي نظم استثمار تعمل في بيئه الويندوز وهي فعلا من إنتاج مايكروسوفت لكنها ليست نظم تشغيل.

-**السؤال عن ثلاثة بنود فأكثر:** يمكن اللجوء إلى الأسلوب السابق نفسه وذلك بتمويه البنود الثلاثة عبر تغيير واحد منها أو أكثر واستبداله بما يشابهه، لكن عند كثرة التعدادات ثلاثة أو أكثر فإن تكرارها في السؤال نفسه يظهر ركيكا، وعدم تكرارها يكشف الجواب الصحيح فورا. لذلك تظهر الحاجة لأساليب أخرى في صياغة مثل هذا النوع من الأسئلة. فمثلا: ملفات الإقلاع الأساسية في نظام дос هي: Io.sys, msdos.sys command.com، وبالتالي يمكن أن نطرح على الطالب السؤال التالي:

حدد ما ليس من ملفات الإقلاع الأساسية في نظام дос: 1- Io.sys ، 2- command.com ، 3- msdos.sys ، 4- dos.sys

وهذا الأسلوب في طرح السؤال مختلف تماما عن الأسلوب المتبع في الحالة السابقة. وذلك بأننا وضعنا كل بند ضمن أحد الخيارات ويتم اللجوء إلى هذا الأسلوب في حالة صعوبة سرد البنود الثلاثة ضمن خيار واحد (خاصة في الأسئلة النظرية الطويلة). ويمكن اتباع أساليب أخرى مثل: وضع الخيارات كلها صحيحة أو كلها خاطئة ومن ثم وضع الخيار الرابع في الإجابة "كلها صحيحة" ووضع الخيار الخامس "كلها خاطئة"، ... الخ.

القاعدة الثانية: التمويه المتقن للجواب الصحيح

كثيرا ما يعني المدرس من مشكلة ابتكار الخيارات التي يحدُر وضعها مع الجواب الصحيح مما قد يضطره أحيانا إلى اختلاق إجابات مكتشوفة للطالب بأنها ليست الجواب الصحيح، وبالتالي يزداد احتمال التوصل للجواب

الصحيح. وهذه المشكلة تصادف في الأسئلة النظرية وكذلك في الأسئلة المتعلقة بالحسابات أو الأعداد. من أجل تجنب ذلك يمكن صياغة الخيارات المراقبة للجواب الصحيح عبر كتابة الخيار الصحيح بصيغ مختلفة (عبر الزيادة أو النقصان المخلين تماماً بالصحة أو التشويه الدقيق)، وينبغي الحرص على وجود التغيرة في الصياغة لكيلا تكون مسألة تحديد الخيار الصحيح قابلة للجدل. كما يمكن التوصل للخيارات التمويهية عبر الاستعانة بغير الأنصبائيين وخاصة الطلبة وذلك أثناء تدريس المقرر أو أثناء مراجعاتهم الاستفسارية. حيث يتشكل لدى المدرس رصيد كبير من المعلومات المقاربة للمعلومة الصحيحة وقد تجمع لديه خيارات مذهبة مستندة إلى إيحاءات التعبير المستخدم المنعكسة على أفكار الطالب حول أسئلة معينة. والكثير من المدرسين يقوم بمحاولة سبر معلومات الطالب قبل تنويرهم بالمعلومات الحديثة فيطرح المدرس على الطالب أثناء المحاضرة بعض الأسئلة حول المعلومات التي هو بصدده شرحها في المحاضرة.

إن الإجابات التي يحصل عليها المدرس من الخلفية الثقافية الخام للطلاب تمكنه من صياغة الخيارات المراقبة للسؤال الامتحاني المقترن بشكل جيد، كما أن إدراج هذه الأسئلة في الامتحان يفيد في تحديد الطلاب المداومين والمشاركون في المحاضرات والمناقشات وتميزهم.

القاعدة الثالثة: تكافؤ مستويات الخيارات

يوضع الجواب الصحيح في الحالة النموذجية أحد خيارات خمسة. ليس من الضروري أن تكون الخيارات متدرجة في قريها من الخيار الصحيح. بل يمكن أن تكون جميعها على درجة ما من الصحة نسبياً بحيث تتساوى فرص الاختيار أمام الطالب. إن جعل جميع الخيارات متشابهة مع الجواب الصحيح مسألة مضنية للمدرس. لكنها ينبغي أن تكون نصب عينيه عند وضع كل سؤال، فما تمكن فيه من تحقيق التقارب بين مستويات الخيارات كان به وما صعب فيه إيجاد الخيارات الموافقة صنف بين أسئلة السهلة.

القاعدة الرابعة: تدرج مستويات الأسئلة

من الصعب جعل جميع الأسئلة على درجة واحدة من الصعوبة ولذلك لا بد من وجود جزء من الأسئلة سهل الحل وجزء آخر صعب الحل جداً بحيث يمنع الطالب غير المتوفّق من إحراز العلامة المرتفعة، وتكون بقية الأسئلة متدرجة المستوى وهي صلب الامتحان. أي أنه ينبغي أن تكون الأسئلة متدرجة المستوى ما بين ثلاثة صغيرة من الأسئلة السهلة لتخفف ارتباك الطالب في الامتحان إلى أسئلة متدرجة المستوى هي صلب الامتحان وأخيراً وضع بضعة أسئلة تسمح للطالب المتوفّق بأن يتميز عن الطالب المتوسط.

نعتبر أنه لا ينبغي تعمد وضع الأسئلة السهلة لأن الأسئلة السهلة تفرض ذاتها حتماً أثناء تصميم الأسئلة، فكل سؤال يعني المدرس خلال وضعه من صياغة الخيارات المراقبة للجواب الصحيح يمكن أن يكون سهلاً ويمكن للطالب أن يكتشف جوابه من ضعف الخيارات المضللة عن الجواب الصحيح.

ينبغي العودة لنموذج الأسئلة وإلقاء نظرة شاملة عليها وتصنيفها حسب الصعوبة، وإذا وجد المدرس أنه يوجد فيها عدد كبير من الأسئلة السهلة وبعد اكتمال العدد اللازم للنموذج يقوم باستبدال ما يراه غير مناسب.

القاعدة الخامسة: شمولية وانسجام الأسئلة

قد تكون الأسئلة مرکزة على جزء معين في الكتاب وقد تكون منتشرة على كامل مواضيع المناهج الدراسية. وقد تكون متدرجة في الصعوبة أو قد يوجد شرخ واسع بين صنفين من الأسئلة. وذلك قد يحصل عند وجود مدرسين أو أكثر لمادة معينة أحدهما متواضع والآخر متشدد، فالنتيجة الإجمالية قد تعطي أسئلة طبيعية وتقييمها العام، لكنها في

الواقع نتجت هكذا بسبب تغلب النتيجة في أحد الشقين على الشق الآخر. أو كون أحدهما مكملاً للشق الآخر مثلاً أحدهما وضع الأسئلة السهلة نسبياً والآخر وضع الأسئلة الصعبة نسبياً. وفي هذه الحالة يكون التشتت قليلاً وبالتالي النتائج مرکزة في السهولة حول أسئلة معينة وفي الصعوبة حول أسئلة أخرى. وفي هذه الحالة أيضاً قد تبدو النتيجة طبيعية ولكن ذلك لا يعني أن العملية التدريسية طبيعية. فمن أجل أن تكون العملية التدريسية طبيعية ينبغي أن تكون الأسئلة متدرجة الصعوبة بين الطرفين بحيث يكون السؤال الصعب (أو السهل) الأول من وضع أحد المدرسين والسؤال التالي له في درجة الصعوبة (أو السهولة) من وضع المدرس الآخر وهكذا (أو تحقيق شيء من هذا القبيل). أو على الأقل ينبغي ألا تكون جميع الأسئلة الصعبة منتمية إلى قسم معين وجميع الأسئلة السهلة منتمية إلى القسم الآخر.

يمكن معرفة مدى انسجام الأسئلة مع مستوى الطالب بأخذ إحصائية الإجابات الصحيحة على كل سؤال وترتيبها تصاعدياً (أو تنازلياً). ثم إيجاد ميل المنحنى الممثل لها.

القاعدة السادسة: استقلالية الأسئلة ودرجة ارتباطها¹

هناك مشكلة كثيرة الحدوث في نماذج الأسئلة وهي وجود سؤال يعتمد على نتائج سؤال سابق له. فهو لا يعتبر سؤالاً حقيقياً ولا يستحق علامة كبيرة. ولكن وجود مثل هذا السؤال قد يكون في بعض الحالات ضرورياً في النموذج وإن جعل الأسئلة جميعها قابلة للحل خلال خطوة واحدة فقط يسبب من جهة بعض الظلم للطالب المتفوق ومن جهة أخرى يقييد المدرس بجعله يفقد جزءاً كبيراً من مقدرة المناورة في مواضيع المقرر. بل إن هذا يحصره أصلاً في إطار ضيق جداً من مواضيع المقرر مما يحد كثيراً من مجال الحرية والتكتيف في طبيعة الأسئلة. إن فرض هذا القيد على المدرس يتبع للطالب بكل بساطة حذف جزء كبير من المقرر. وقد يكون الجزء المحذوف أحياناً هو الجزء الأكبر من مواضيع المقرر. ذلك لأن معظم الأبحاث والنظريات العلمية الحديثة مركبة من عدة مواضيع وخاصة المراحل الدراسية العليا. إن هذا العامل لوحده قد يكون عذراً كافياً لعدم الالتزام بهذا الشرط (أي شرط عدم ارتباط سؤال امتحاني بسابقه). وقبل أن نقتصر تماماً بهذا المنطق لنقم بمناقشة الآثار المترتبة على هذا الإجراء من وجهة نظر علمية صرفة باستخدام بيانات رياضية عددية لتوضيح ذلك (قمنا بالتحقق يدوياً عبر كتابة الحالات المختلفة للإجابة بشرط أن يكون جواب السؤال مرتبطاً بجواب سؤال سابق له).

لفرض أن الأسئلة متساوية المستوى وأن احتمال إجابة الطالب بشكل صحيح على أي سؤال مطروح هو 50%， عندئذ إذا كانت جميع الأسئلة المطروحة عددها أربعة مستقلة تماماً، فإن احتمال حصول هذا الطالب على العلامة التامة هو 6% أما احتمال أن يحصل الطالب على علامة تزيد عن 75% من علامة المقرر فهو 31% ويكون احتمال النجاح مساواً 69%.

إذا كانت الأسئلة الثلاث الأولى (مثلاً) مستقلة تماماً والسؤال الرابع يعتمد على أحدها (على الثالث مثلاً) فإن احتمال حصول الطالب على العلامة التامة يبقى نفسه (6%). ويكون احتمال حصول الطالب على علامة تزيد عن 75% من علامة المقرر مساواً 25%. أما احتمال نجاح الطالب فيكون مساواً 50% (الجدول 8).

وهنا نلاحظ أن احتمال النجاح في حالة الأسئلة المرتبطة قد قلل عن المستوى السابق في حالة الأسئلة المستقلة بشكل واضح. وهو يشكل حاجزاً يفصل بين الطالب المتفوق والطالب المتوسط من جهة أو بين الطالب المتوسط والطالب الضعيف من جهة أخرى. لكن عند كثرة الأسئلة غير المستقلة، فإن ذلك قد يتسبب في جعل الطالب المتفوق يستوي مع الطالب المتوسط في العجز عن تخطيه.

¹: تم حساب القيم الناتجة عبر كتابة شجرة الاحتمالات وحذف الحالات غير الممكنة وإيجاد النسب المطلوبة

الجدول 8، احتمالات النتائج في الأسئلة المستقلة والمرتبطة

| الفرق | أحد الأسئلة مرتبط | الأسئلة مستقلة | احتمال نيل الدرجة |
|-------|-------------------|----------------|-------------------------------|
| 0.0 | 0.06 | 0.06 | احتمال الدرجة صفر |
| 0.06 | 0.19 | 0.25 | احتمال نيل ربع العلامة التامة |
| 0.13 | 0.25 | 0.38 | احتمال نيل نصف العلامة التامة |
| 0.06 | 0.19 | 0.25 | احتمال نيل 75% العلامة |
| 0.0 | 0.06 | 0.06 | احتمال نيل العلامة التامة |
| 0.06 | 0.25 | 0.31 | احتمال تحصيل فوق 75% |
| 0.19 | 0.5 | 0.69 | احتمال النجاح |

إذن فوجود نسبة من الأسئلة تعتمد على سبقاتها هو أمر مشروع تماماً وهو يحصل في حالة الأسئلة العادية مما من شيء يجعله ممنوعاً في الأسئلة المؤتمنة. وهذا يتتيح لنا أن نطرح المسائل المعقّدة في الامتحانات المؤتمنة حيث يتم تجزيئها إلى عدة طلبات بعضها يستند إلى إجابات الأسئلة التي تسبقها (على أن يكون ذلك بنسبة معينة).

القاعدة السابعة: عدد الأسئلة

عدد الأسئلة يتعلق بالزمن المحدد للامتحان ومدى صعوبة الحصول على حل كل منها، وعدد الأسئلة من الناحية النظرية يجب أن يزيد عن الثلاثين حتى لو كانت المادة حسابية، وعندما يكون عدد الأسئلة كبيراً إلى حد كافٍ فإن تحقيق الشمولية تظهر تقريباً بشكل تلقائي، بل قد يكون من الصعب تحقيق الحالة المغایرة لهذه. وطريقة الامتحان المؤتمنة تتطلب وجود شيء من التقارب بين مستويات المسائل، وهذا يشمل حالة السماح بوجود ثلاثة مسائل من المستوى البسيط وثلاثة من المستوى الصعب (بما يحقق التدرج في مستويات الأسئلة). ولا مانع من وجود مسألة صعبة وسؤال بسيط في النموذج نفسه رغم أنهما يقيمان بنفس الدرجة فالمسألة تصنف بين الأسئلة الصعبة والتي تتبيح فقط المتوقّع أن يحصل على الدرجة العالية.

القاعدة الثامنة: الخيار الاحتياطي

ينبغي الحرص على إدراج خيار احتياطي يتضمن عبارة "غير ذلك" أو ما شابه وذلك لتفادي حالات أخطاء الطباعة أو نسيان وضع الجواب الصحيح بين الخيارات أو ما شابه. وفي الحقيقة فإن إدراج هذا الخيار يزيد من صعوبة اكتشاف الجواب الصحيح ويُلقي بظلال التشكيك على جميع الخيارات المطروحة.

إن هذه القواعد تعرض على سبيل المثال لا الحصر فكل مقرر طبيعته الخاصة التي تتبيح للمدرس أن يستخدم مداخل خاصة للمناورة بالأسئلة. وهنا تجدر الإشارة إلى إمكانية إعداد بنك من الأسئلة المؤتمنة المصنفة علمياً والموسومة تدريجياً من حيث السهولة والصعوبة لتكون قاعدة جاهزة للاستخدام والتطوير المستمر.

الإمكانية المفتوحة لصياغة الأسئلة المؤتمنة

يجري الجدل بشكل واسع حول محدودية إمكانية التنويع والمناورة في صياغة السؤال المؤتمت والإجابات المقترحة عليه. وفي الواقع فإننا لا نؤيد الدعوى الشائعة حول أن إمكانية طرح الأسئلة المختلفة في الامتحانات المؤتمنة محدودة. بل لا نجد مانعاً من أن تكون هذه الإمكانية متساوية لإمكانية التنويع في الأسئلة لامتحان التحريري. وبالتالي لا نجد

مبرراً لما يقوم به الجهاز التدريسي من اتباع أقصى الحيطة والتشدد من أجل عدم تسرب الأسئلة المؤتمتة إلى التداول العام، حيث يتم الحرص على جمع الأسئلة الامتحانية المؤتمتة من الطالب، رغم انه إجراء لا فاعلية حقيقية له على أرض الواقع. إن الأسئلة المؤتمتة مثلها كمثل الأسئلة العادلة وإمكانية المناورة فيها لامحدودة ولا نقل عن الإمكانيات المتاحة في الأسئلة العادلة، بل ربما أكثر منها لأن المسألة الواحدة يتم تركيبها هنا مع عدة خيارات، وأحياناً كلما غيرت الخيارات حصلت على مسألة جديدة تقريباً، ومن جهة أخرى فكلما قمت بتعديل المعطيات المذكورة في المسألة حصلت على مسألة جديدة [6].

وفي سبيل تأييد ما نرمي إليه من إمكانية تنويع الأسئلة المؤتمتة تتعرض لمجموعة طرائق:

-طريقة السؤال "حدد الخيار الخاطئ" إذا كان المدرس يريد من الطالب معرفة تعدادات معينة.

-طريقة "حدد الخيار الصحيح" إذا كان المدرس يريد التأكيد على معلومة معينة.

-الكتاب المختلف في صياغة الأسئلة المختلفة كأن توضع الخيارات كلها خاطئة (أو صحيحة) ويوضع الخيار الخامس "كلها خاطئة" (أو صحيحة)، وبين الطالب العلامة إذا اختار الخيار الخامس. أو أن لا تضع الجواب الصحيح بين الخيارات وتضع بدلاً منه عبارة "غير ذلك"، وبين الطالب العلامة إذا حدد الخيار "غير ذلك". كما يمكن أن يوضع الجواب في موقعين هما الخيار الأول والثاني مثلاً ثم يوضع لاحقاً خيار آخر يقول "الخيارات الأول والثاني صحيحان"، وبين الطالب العلامة فقط في حالة ما إذا حدد هذا الخيار الأخير ... الخ.

لأخذ مثلاً سؤال المطروح سابقاً حول ملفات الإقلاع في نظام وسنعرض صيغة أخرى له، كما يلي:

حدد مما يأتي مجموعة الملفات التي تعتبر من ملفات الإقلاع في نظام dos:

غير ذلك-E-msdos.ini, io.sys, B-msdos.com, io.sys, C-msdos.sys, io.sys, D-msdos.ini, io.com,

والجواب الصحيح هو الخيار C، ولا شك أن معرفة الجواب على السؤال بصيغته السابقة لا تضمن معرفة الجواب على هذا السؤال.

كما أن الاستعانة بأسئلة امتحانات سابقة بطريقة مدروسة قد تكون مفيدة ومثمرة حقاً، فمثلاً يمكن للمدرس أن يقوم بتكرار السؤال المهم الذي كانت إجابات الطالب عليه هي الأقل من بين جميع الأسئلة. وهكذا فإن الطالب الناجح سيكون على درجة جيدة من المعرفة لإحاطته العلمية بالأسئلة الحالية وخياراتها والأسئلة السابقة وخياراتها، وهذا يشكل تطويراً لمعارف الطالب.

المقارنة بين نتائج التجارب

سوف نأخذ (في الجدول 9) نتائج تجارب عشوائية لامتحانين بأسئلة مؤتمتة عددها خمسون، وعدد الطالب ألف، وعدد الخيارات على كل سؤال هو اثنان. والنتائج مبنية في العمودين: ex9, ex11 منهجين المنهجية المتبعة في سرد النتائج كما مر أعلاه من أجل الأمثلة السابقة.

الجدول 9، المقارنة بين نتائج تجربتين والوضع النظري

| ansr | ex1 | per1 | $\Sigma(ex1)$ | cv1 | ex2 | per2 | $\Sigma(ex2)$ | cv2 | Ex0 | per0 | $\Sigma(ex0)$ | cv0 | $ cv1-cv2 $ | $ cv1-cv0 $ | $ cv2-cv0 $ |
|------|-----|-------|---------------|-------|-----|-------|---------------|-------|-----|-------|---------------|-------|-------------|-------------|-------------|
| 14 | 2 | 0.002 | 2 | 0.002 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0.001 | 1 | 0.001 | 0.002 | 0.001 | 0.0013 |
| 15 | 0 | 0 | 2 | 0.002 | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 0.002 | 3 | 0.003 | 0.002 | 0.001 | 0.0033 |
| 16 | 3 | 0.003 | 5 | 0.005 | 4 | 0.004 | 4 | 0.004 | 4 | 0.004 | 7 | 0.008 | 0.001 | 0.003 | 0.0037 |
| 17 | 9 | 0.009 | 14 | 0.014 | 8 | 0.008 | 12 | 0.012 | 9 | 0.009 | 16 | 0.016 | 0.002 | 0.002 | 0.0044 |
| 18 | 20 | 0.02 | 34 | 0.034 | 18 | 0.018 | 30 | 0.03 | 16 | 0.016 | 32 | 0.033 | 0.004 | 0.002 | 0.0025 |
| 19 | 26 | 0.026 | 60 | 0.06 | 17 | 0.017 | 47 | 0.047 | 27 | 0.027 | 59 | 0.060 | 0.013 | 0.001 | 0.0125 |
| 20 | 42 | 0.042 | 102 | 0.102 | 34 | 0.034 | 81 | 0.081 | 42 | 0.042 | 101 | 0.101 | 0.021 | 0.001 | 0.0203 |
| 21 | 55 | 0.055 | 157 | 0.157 | 56 | 0.056 | 137 | 0.137 | 60 | 0.060 | 161 | 0.161 | 0.02 | 0.004 | 0.0241 |
| 22 | 86 | 0.086 | 243 | 0.243 | 73 | 0.073 | 210 | 0.21 | 79 | 0.079 | 240 | 0.240 | 0.033 | 0.003 | 0.0299 |
| 23 | 81 | 0.081 | 324 | 0.324 | 112 | 0.112 | 322 | 0.322 | 96 | 0.096 | 336 | 0.336 | 0.002 | 0.012 | 0.0139 |
| 24 | 98 | 0.098 | 422 | 0.422 | 115 | 0.115 | 437 | 0.437 | 108 | 0.108 | 444 | 0.444 | 0.015 | 0.022 | 0.0069 |
| 25 | 132 | 0.132 | 554 | 0.554 | 128 | 0.128 | 565 | 0.565 | 112 | 0.112 | 556 | 0.556 | 0.011 | 0.002 | 0.0089 |
| 26 | 123 | 0.123 | 677 | 0.677 | 126 | 0.126 | 691 | 0.691 | 108 | 0.108 | 664 | 0.664 | 0.014 | 0.013 | 0.0269 |
| 27 | 92 | 0.092 | 769 | 0.769 | 87 | 0.087 | 778 | 0.778 | 96 | 0.096 | 760 | 0.760 | 0.009 | 0.009 | 0.0179 |
| 28 | 80 | 0.08 | 849 | 0.849 | 74 | 0.074 | 852 | 0.852 | 79 | 0.079 | 839 | 0.839 | 0.003 | 0.010 | 0.0131 |
| 29 | 57 | 0.057 | 906 | 0.906 | 59 | 0.059 | 911 | 0.911 | 60 | 0.060 | 899 | 0.899 | 0.005 | 0.007 | 0.0123 |
| 30 | 43 | 0.043 | 949 | 0.949 | 40 | 0.04 | 951 | 0.951 | 42 | 0.042 | 941 | 0.941 | 0.002 | 0.009 | 0.0105 |
| 31 | 20 | 0.02 | 969 | 0.969 | 20 | 0.02 | 971 | 0.971 | 27 | 0.027 | 968 | 0.968 | 0.002 | 0.002 | 0.0035 |
| 32 | 19 | 0.019 | 988 | 0.988 | 14 | 0.014 | 985 | 0.985 | 16 | 0.016 | 984 | 0.984 | 0.003 | 0.004 | 0.0014 |
| 33 | 6 | 0.006 | 994 | 0.994 | 11 | 0.011 | 996 | 0.996 | 9 | 0.009 | 993 | 0.992 | 0.002 | 0.002 | 0.0037 |
| 34 | 4 | 0.004 | 998 | 0.998 | 0 | 0 | 996 | 0.996 | 4 | 0.004 | 997 | 0.997 | 0.002 | 0.001 | 0.0007 |
| 35 | 0 | 0 | 998 | 0.998 | 2 | 0.002 | 998 | 0.998 | 2 | 0.002 | 999 | 0.999 | 0 | 0.001 | 0.0007 |
| 36 | 1 | 0.001 | 999 | 0.999 | 1 | 0.001 | 999 | 0.999 | 1 | 0.001 | 1000 | 1.000 | 0 | 0.001 | 0.0005 |
| 37 | 0 | 0 | 999 | 0.999 | 0 | 0 | 999 | 0.999 | 0 | 0.000 | 1000 | 1.000 | 0 | 0.001 | 0.0008 |
| 38 | 1 | 0.001 | 1000 | 1 | 0 | 0 | 999 | 0.999 | 0 | 0.000 | 1000 | 1.000 | 0.001 | 0.000 | 0.001 |
| 39 | 0 | 0 | 1000 | 1 | 1 | 0.001 | 1000 | 1 | 0 | 0.000 | 1000 | 1.000 | 0 | 0.000 | 0 |
| | | | | | | | | | | | KS-stat= | | 0.033 | 0.022 | 0.0299 |
| | | | | | | | | | | | KS-critic= | | 0.043 | | |

حيث:

يمثل عدد الطلاب الذين حصلوا على الإجابات الصحيحة بالعدد المحدد في العمود $ansrs$ حسب $Ex1, ex2$ السطر. أما $Ex0$ فالتوقع النظري.

- $per1, per2$, $per0$ – النسبة المئوية لعدد الإجابات المحصلة في التجربة الأولى والثانية. - الاحتمال النظري لعدد الإجابات المتوقعة.

- $\sum(ex0), \sum(ex1), \sum(ex2),$ - المجاميع التراكمية لعدد الطلاب.

- المجاميع التراكمية للنسب المئوية (أو النسب المئوية للمجاميع التراكمية).

- $|cv2-cv0|, |cv1-cv0|, |cv1-cv2|, |cv1-cv2|$, القيمة المطلقة لفرق بين المجاميع التراكمية.

وأما ما يقصد بما في السطرين الآخرين:

- $KS-stat$ – القيم المحسوبة بصيغة كولمجورف سميرنوف لكل حالة من الحالات الثلاث.

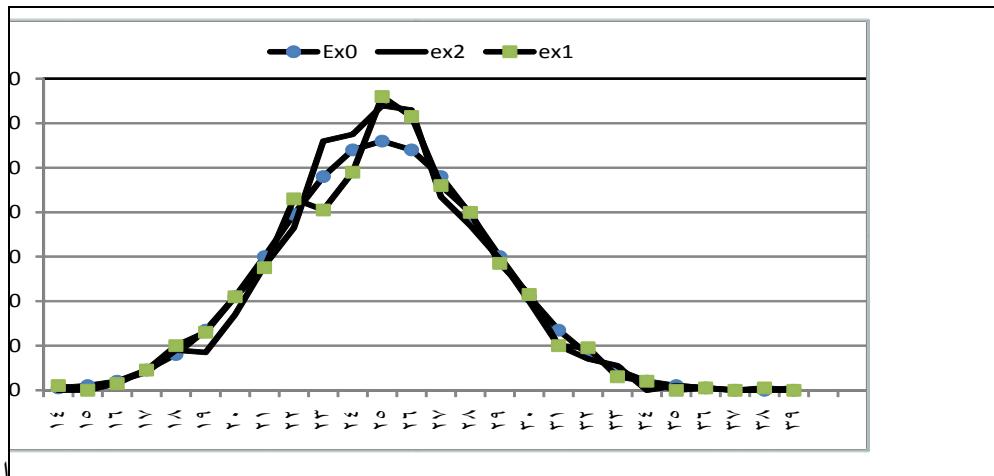
- $KS-stat$ – القيمة الحدية لاختبار كولمجورف سميرنوف من أجل مستوى دلالة 0.05.

و عند المقارنة بين نتائج امتحانين يمكن أن نحصل على إحدى الحالات الآتية:

1-إذا كان المنحنيان متطابقين تقريباً عندئذ يمكن أن نقول أن النتائج في الحالتين متشابهه.

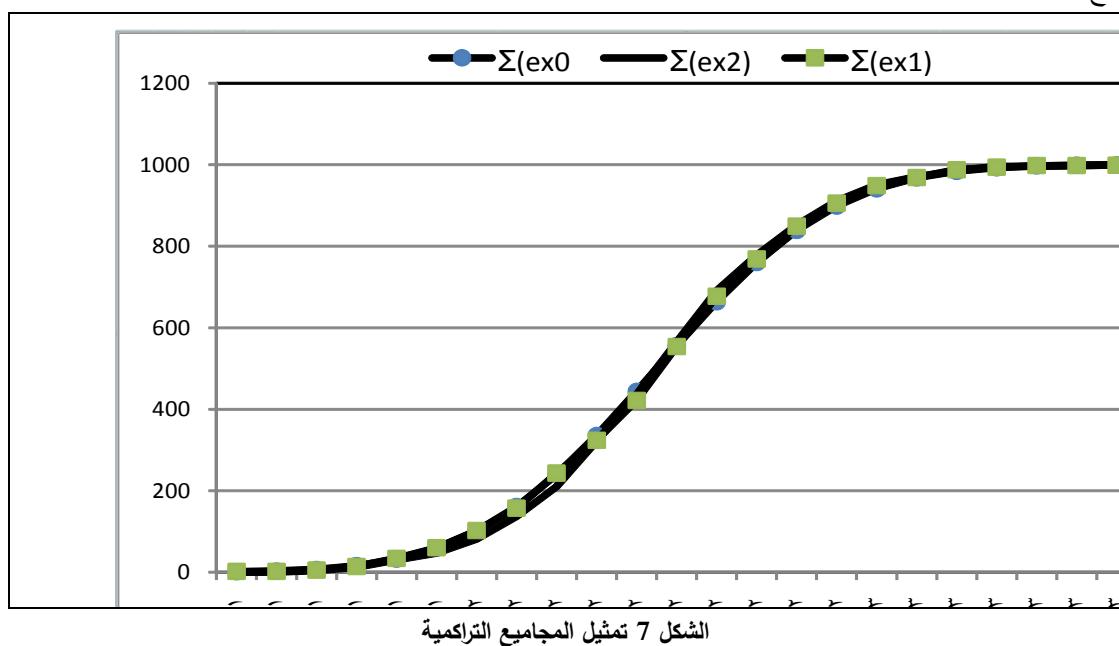
2-أن يكون أحد المنحنيين يقع في الجهة العليا بالنسبة للأخر عندئذ يكون الامتحان الموافق له هو الأسهل.

3- حالة تشابك المنحنيين بشكل متفاوت. وهي الحالة العامة حيث يمكن أن تنتج حالات معقدة من التشابك بين المنحنيين المقارنين. فعند التشابك بين المنحنيين يمكن اللجوء إلى دراسة تابع التوزيع المتعلق بالحالة المدروسة. وفي (الشكل 6)، نجد التمثيل البياني لنتائج تجرب امتحانية مختلفة إلى حد ما من حيث عدد الناجحين.



الشكل 6 تباين نتائج التجارب

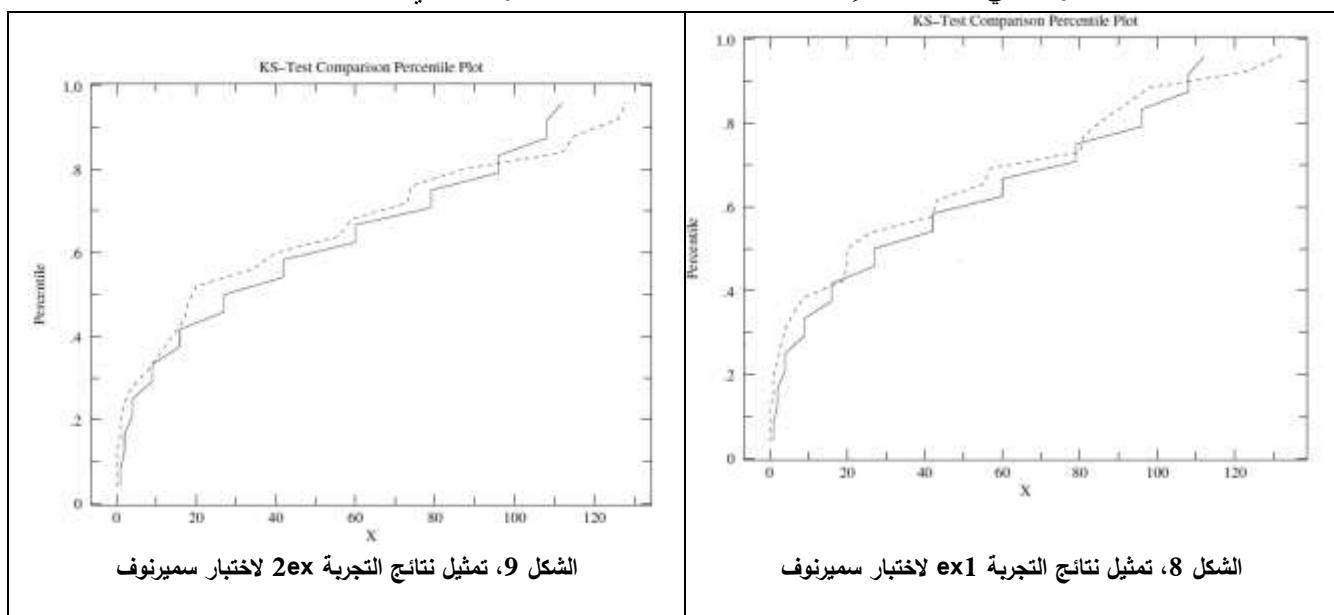
بالنظر إلى المنحنيات البيانية في الشكل 7 نجد أن المنحني البياني الممثل للامتحان $\Sigma(ex1)$ متتشابك مع المنحني البياني الآخر الممثل للامتحان $\Sigma(ex2)$. ولكن يمكن الاستفادة من التمثيل التراكمي (الشكل 7) للوصول إلى رؤيا شمولية للنتائج.



الشكل 7 تمثيل المجاميع التراكمية

والاختلاف طفيف بين المنحنيات، لذلك لجأنا إلى برمجيات أخرى لتمثيل البيانات بناء على اختبار سمنوف: ويظهر في الشكلين التمثيل البياني للمعطيات النظرية بخط متصل بينما يظهر تمثيل البيانات بخط منقط. ففي الشكل 8 يظهر التمثيل البياني لنتائج التجربة 1 ex1، وفي الشكل 9 يظهر التمثيل البياني لنتائج التجربة 2 ex2.

حيث المحور الأفقي يمثل عدد الإجابات المحصلة بينما يمثل المحور العمودي النسبة المئوية لكل منها.



ليست هذه نهاية المطاف في المقارنة بين امتحانين أو أكثر، بل تبقى عوامل أخرى مهمة تتعلق بمواصفات أخرى حيوية في تقويم الأسلمة والعملية التدريسية. ومن أجل تقويم نتائج الامتحان في الحالة العامة فإنه ينبغي حساب التوقع الرياضي لنجاح الطالب وبعد ذلك نأخذ جواراً لهذا التوقع الرياضي فإن كان هذا الجوار واقعاً في المجال الزائد عن معدل النجاح فإن الأسئلة تعتبر سهلة. وفي هذه الحالة إذا كان الانحراف المعياري صغيراً فإن هذه الأسئلة غالبيتها سهلة جداً وفيها نسبة صعبة جداً. أما إذا كان الانحراف المعياري كبيراً فالأسئلة كلها سهلة وبنفس الدرجة تقريباً حسب درجة سطح المنحني البياني الممثل لها. وفي العموم فإن السؤال يعتبر صعباً إذا كانت نسبة الطلاب التي أجبت عليه أقل من 30%，ويعتبر سهلاً إذا كانت نسبة إجابة الطالب عليه تزيد عن 75% [12].

وسوف نستعرض خصائص الامتحان **ex1** وهي كما يلي: التوقع الرياضي ويساوي 24.986، أما الانحراف المعياري فيبلغ 3.459. وفيما يأتي (الجدول 10) نموذج عن المجالات التي تتضمن توزع درجات الطلاب للامتحان **ex1** في عدة جوارات التوقع الرياضي:

حيث:

μ التوقع الرياضي، وأ هو نصف قطر المجال الذي نراكم القيم ضمنه من اليمين واليسار حول التوقع الرياضي.

ونقصد بالمجموع الأعلى المجموع التراكمي لغاية النقطة $\mu + \sigma$ ، والمجموع الأدنى بالمجموع التراكمي لغاية النقطة $\mu - \sigma$ ، وبالتالي يكون المجموع في الجوار هو الفرق بين الناتجين.

ونستفيد من هذا الجدول في معرفة مدى تركيز القيم حول التوقع الرياضي. ونلاحظ أن جميع القيم تقريباً تقع ضمن مجال طوله أقل من ثلث مجال القيم المحتملة. وهذا ما يتوافق مع التوزيع الثنائي.

الجدول 10، مجاميع قيم التجربة ex1 في جوار التوقع الرياضي.

| الشرح | الفرق | مجموع أدنى | مجموع أعلى | $\mu-i$ | $\mu+i$ | i |
|---|-------|------------|------------|---------|---------|---|
| نسبة الطلاب الذين حققوا القيمة الأكثر ترقبا | 0.132 | 0.422 | 0.554 | 25 | 25 | 0 |
| حوالي 36% درجاتهم قرب التوقع الرياضي | 0.353 | 0.324 | 0.677 | 24 | 26 | 1 |
| أكثر من النصف على بعد نقطتين عن التوقع | 0.526 | 0.243 | 0.769 | 23 | 27 | 2 |
| حوالي 70% من الطلاب في جوار 3 نقاط | 0.692 | 0.157 | 0.849 | 22 | 28 | 3 |
| أكثر من 80% من الطلاب في جوار 4 نقاط | 0.804 | 0.102 | 0.906 | 21 | 29 | 4 |
| حوالي 90% في جوار خمس نقاط | 0.889 | 0.060 | 0.949 | 20 | 30 | 5 |
| حوالي 94% في جوار 6 نقاط | 0.935 | 0.034 | 0.969 | 19 | 31 | 6 |
| أكثر من 97% في جوار 7 نقاط | 0.974 | 0.014 | 0.988 | 18 | 32 | 7 |
| تقريبا 99% في جوار 8 نقاط | 0.989 | 0.005 | 0.994 | 17 | 33 | 8 |

ومن أجل جدول القيم التجربة ex2 فيمكن أن تسرد بشكل مشابه لهذا الجدول، وهي مبينة في الجدول 11.

الجدول 11، مجاميع قيم التجربة ex2 في جوار التوقع الرياضي.

| الشرح | الفرق | مجموع أدنى | مجموع أعلى | $\mu-i$ | $\mu+i$ | i |
|---|-------|------------|------------|---------|---------|---|
| نسبة الطلاب الذين حققوا القيمة الأكثر ترقبا | 0.128 | 0.437 | 0.565 | 25 | 25 | 0 |
| حوالي 37% درجاتهم قرب التوقع الرياضي | 0.369 | 0.322 | 0.691 | 24 | 26 | 1 |
| أكثر من النصف على بعد نقطتين عن التوقع | 0.568 | 0.21 | 0.778 | 23 | 27 | 2 |
| أكثر من 70% من الطلاب في جوار 3 نقاط | 0.715 | 0.137 | 0.852 | 22 | 28 | 3 |
| أكثر من 80% من الطلاب في جوار 4 نقاط | 0.83 | 0.081 | 0.911 | 21 | 29 | 4 |
| أكثر من 90% في جوار خمس نقاط | 0.904 | 0.047 | 0.951 | 20 | 30 | 5 |
| أكثر من 94% في جوار 6 نقاط | 0.941 | 0.03 | 0.971 | 19 | 31 | 6 |
| أكثر من 97% في جوار 7 نقاط | 0.973 | 0.012 | 0.985 | 18 | 32 | 7 |
| أكثر من 99% في جوار 8 نقاط | 0.992 | 0.004 | 0.996 | 17 | 33 | 8 |

ونلاحظ أن قيم التجربة ex2 أكثر تركزا حول التوقع الرياضي.

الاستنتاجات والتوصيات:

بناء على ما مر أعلاه فإنه لا بد من توخي الحرص في إعداد أسئلة الامتحان، فلا بد للمدرس من إعادة النظر في النموذج الامتحاني المؤتمت بشكل إجمالي بعد اكتماله لكي يحقق الخصائص التي تمنح الطالب انطباعا بجودة الأسئلة ومصداقيتها في التقويم. وأهم النتائج التي تقود إليها التحليلات المنجزة هي :

- إن احتمال اكتساب الدرجات بفضل العشوائية يتعلق بعدد الخيارات على السؤال وليس بعدد الأسئلة. والعلاقة بين مقدار الدرجات المحصلة عشوائيا وبين عدد الخيارات هي علاقة تناسب عكسي.
- إن نسبة متوسط الإجابات الصحيحة عشوائيا على أسئلة مؤتمتة مؤلفة من عدة خيارات سيكون مساويا لاحتمال الإجابة على السؤال الواحد (احتمال التجربة المنفردة).

- 3-إن المكاسب العشوائية متيسرة في الامتحانات المؤتمنة حتى ذات الخيارات الخمسة وتتركز كميتها حول التوقع الرياضي، لكن تحقيق نسبة كبيرة هو أمر متعدد جدا ولو تكررت التجربة.
- 4-إن الامتحانات ذات الخيارين تحقق نسبة النصف من الدرجات المحصلة بالطريقة العشوائية. مما يعني ضرورة عدم الاعتماد عليها اعتمادا كلية وإنما يمكن توظيفها إيجابا بحيث يتم الاقتصر على بضعة أسئلة منها في الامتحان المؤتمت لكي تلعب دور المساعدة للطالب بهدف الابتعاد عن درجة الصفر.
- 5-إن الأسئلة المؤتمنة قابلة للمناورة والتغيير بشكل واسع مما يسمح بتناول الفكرة من عدة أوجه وهذا ما يلعب دور التأمل الفكري المتعدد الزوايا للمفهوم العلمي المدروس. كما يسمح باستشاف قدرة الطالب على الفهم الواسع والعميق، وهنا نشير إلى أن إدارة المؤسسة التعليمية تحرص على عدم السماح بتناول نماذج الأسئلة المؤتمنة، بدعوى عدم إمكانية تكرارها. ونحن قد بینا أن السؤال يمكن أن يطرح بعدة طرق بحيث يكون المطلوب في كل منها جواباً يختلف عن الآخر، وبالتالي نعتبر أنه لا ضير من ترك نماذج الأسئلة المؤتمنة لامتحانات المجرأة سابقاً قيد التداول والاطلاع من قبل الطالب.
- أما من أجل تقاديم الحالات غير المعيارية في نتائج الامتحانية فإنه ينبغي مراعاة الأسس الآتية:
- 1-إجراء تقويم مستقل لكل سؤال من أسئلة الامتحان ليتم تصنيف درجة صعوبته وتحديد احتمال الإجابة الصحيحة عليه من قبل الطالب.
 - 2-اعتماد القواعد الأساسية في إعداد أسئلة الامتحانات المؤتمنة، وإعداد بنوك للأسئلة المؤتمنة مع الاهتمام بتصنيف درجة صعوبة كل سؤال بغية مراعاة ذلك أثناء إعداد النموذج الامتحاني.
 - 3-الحرص على تدرج مستوى الأسئلة لتحقيق نتائج متوازنة. عبر وجود نسبة معينة من الأسئلة تتدرج ضمن تصنيف الأسئلة السهلة بما يضمن عدم انخفاض نتائج الامتحان عن المعدل الطبيعي.
 - 4-نظراً لتعذر التخمين الدقيق لمدى صعوبة السؤال بالنسبة للطالب، فإنه يمكن للمدرس اللجوء إلى تقليل الخيارات أو وضع خيارات مكشوفة للطالب بأنها لا يمكن أن تكون هي الإجابة الصحيحة فيكثر احتمال التوصل للجواب ونيل بعض الدرجات.
 - 5-الحرص على وجود نسبة معينة من الأسئلة التي تصنف كأسئلة صعبة بما يتبع للطالب المتوفّق كسب الدرجات المخصصة لها ويتميز عن الطالب الذي قد يحقق بضعة درجات بفضل العشوائية. وهذه المجموعة من الأسئلة هي محك اختبار الطالب ومعيار المفاضلة بين المتوفّقين.
 - 6-اعتماد عدد كافٍ من الأسئلة في الامتحان بحيث يسمح بتحقيق الشروط السابقة ويكون شاملًا لأقصى كمية من مواضيع المقرر الدراسي.
 - 7-تحليل نتائج الامتحان ومقارنة النتائج الامتحانية للمقرر الدراسي بين امتحان وأخر بغية الحرص على توازن نتائج المقرر خاصة في امتحانات العام الواحد.

المراجع:

- [1]- الأحمد صلاح، طرائق العد، منشورات دار البشائر، دمشق، 1990. 235.
- [2]- العلي إبراهيم، نظرية الاحتمالات، جامعة حلب، 1981. 138.
- [3]- عباس حيدر استخدام لغة البرمجة "لفي" لتحليل المسائل الاحتمالية في الامتحانات المؤتمنة. مجلة بحوث جامعة حلب، سلسلة العلوم الأساسية، العدد 42، لعام 2004، سوريا. 36.
- [4]-صلاح عبد السميح عبد الرزاق :تنمية مهارات صياغة الأسئلة التحريرية ووضع الامتحانات لجميع مراحل التعليم، القاهرة ، دار القاهرة للنشر ، 2003.
- [5]- سلسلة شوم، نظريات وسائل في الإحصاء، الدار الدولية للنشر والتوزيع القاهرة، 129.
- [6]- Allison Crome, "Using Student Assessment Data: What Can We Learn from Schools?", North Central Regional Educational Laboratory, *Policy Issues*, Issue 6, 11/00.
- [7]- Measurement and Assessment in Teaching by Miller, Linn and Gronlund; 10th Edition 2008,Prentice Hill.
- [8]- K. Woodford and P. Bancroft. Multiple choice questions not considered harmful. In ACE 2005. Australian Computer Society, 2005.
- [9]-14 rules for writing multiple-choice questions, Brigham Young University, 2001 Annual University Conference, by Faculty Center.
- [10]- D. Traynor and J. P. Gibson. Synthesis and analysis of automatic assessment methods in cs1 {generating intelligent mcqs}. In SIGCSE 2005. ACM, 2005.
- [11]- T. S. Roberts. The use of multiple choice tests for formative and summative assessment. In ACE 2006. Australian Computer Society, 2006.
- [12]-Multiple-choice testing as an assessment tool, L.Cynulliad Cymru. September 2010.